

الاحصاء الحيوي

Biostatistics



إعداد

أ.د. محمد سويلم حامد – د. هاجر عبد المولي

الاحصاء الحيوي **Biostatistics**



المحاضرة الأولى

موضوعات الفصل الأول

تقسيمات علم
الإحصاء

خطوات البحث أو
التحليل الإحصائي

أهمية علم
الإحصاء

تعريف علم
الإحصاء

العينات

أساليب جمع
البيانات
الإحصائية

أنواع البيانات
الإحصائية

إستخدامات علم
الإحصاء



التوزيعات
التكرارية

عرض البيانات



المفاهيم العامة للإحصاء الحيوي

مدلول كلمة الإحصاء:

إن كلمة الإحصاء (Statistique أو Statistics) كانت تهدف في الماضي إلى العد ومصدرها "أحصى" عدّ. حتى أطلق عليه بعلم العد (Le science du Comptage) وكلمة إحصاء مصدرها State وتعني الدولة أي كانت تستعمل كلمة (Statistics) في أوربا للدلالة على أعمال وحسابات الدولة في شؤون الحرب والضرائب والسكان والمواليد والوفيات والإنتاج الزراعي.... الخ وللإحصاء مدلولان:

- 1- **المدلول الأول:** قائم على استعماله كمرادف لكلمة بيانات – أرقام – أعداد. مثال: عدد الطلاب في كلية التجارة. عدد المرضى المصابين بمرض السيدا.
- 2- **المدلول الثاني:** قائم على أنه مجموعة من الأساليب الفنية أو الطرق العلمية التي تستخدم في معالجة البيانات الرقمية وتعميم النتائج المستخلصة على المجتمعات المدروسة.

اهمية علم الاحصاء الحيوى :-

يحتل الاحصاء مكاناً بين العلوم لما له من استعمالات واسعة للوصول الى قرارات صائبة لوصف او تفسير الظواهر المختلفة في جميع العلوم وهو المستعمل من قبل للأفراد والجماعات المختلفة والدول على حد السواء ، واستخدم الاحصاء في مجالات كثيرة ونركز على اهمية علم الاحصاء في العلوم البيولوجية والطبية والصحة العامة والكيمياء .

في علم الاحياء (البيولوجي) :-تستخدم الطرق الاحصائية في دراسة الاجناس والفصائل المختلفة للحيوان والنبات ومعرفة خواص كل جنس بما يتميز عن غيره واختلاف مفردات الجنس الواحد في اية خاصية معينة من الناحية الاحصائية ، فمثلاً نرى الذكور في الجنس البشري اطول قامة من الاناث مع ان الذكور فيما بينهم يختلفون في الطول الى درجة ما وكذلك الاناث ، كل ذلك يتم عن طريق جمع البيانات وتبويبها ودراستها دراسة احصائية والخروج بنتائج من هذه الصفات .

في الطب والصيدلة يستخدم الاحصاء لدراسة العلاقة بين متغيرات كثيرة منها على سبيل المثال العلاقة بين العمر وضغط الدم وكذلك العلاقة بين الوراثة والبيئة وتأثيراتها على تكوين الفرد .

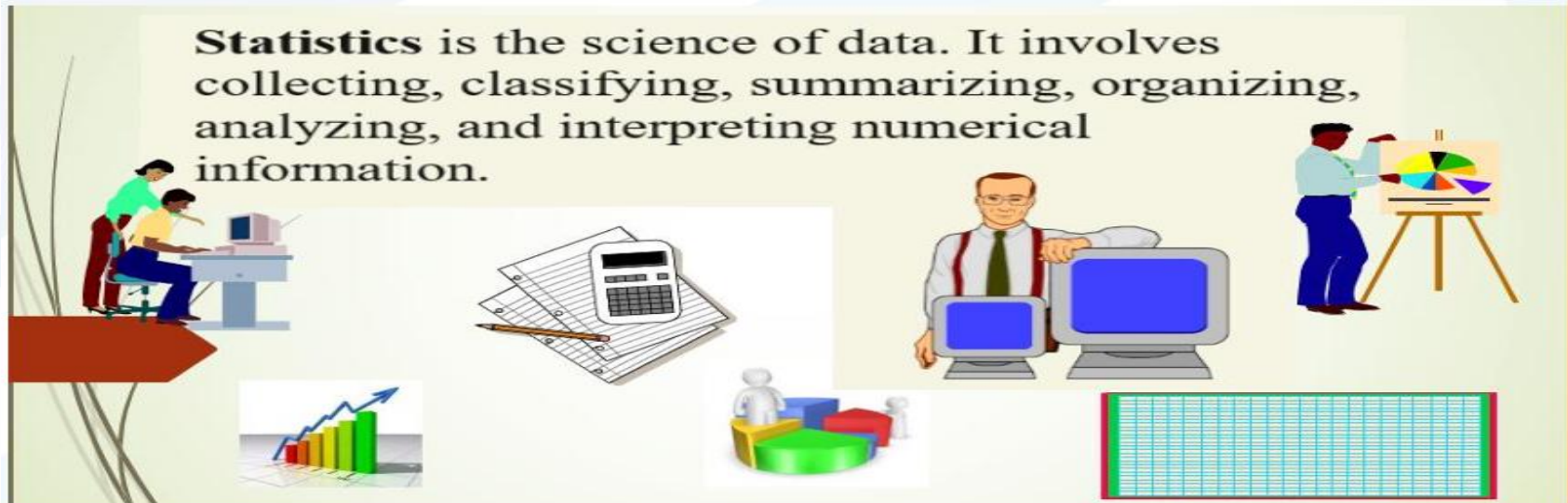
في الصحة العامة :- يستخدم الاحصاء لدراسة الامراض السارية والعقاقير الواجب استخدامها ونسبة زيادتها ونقصها في المجتمع وكذلك دراسة حالة المعوقين والوفيات ونسبة الزيادة في السكان .

*** تعريف علم الإحصاء: Statistics**

*** علم الإحصاء:** فرع من فروع المنهجية العلمية، فهو علم النظرية والأسلوب، ويختص بالطرق العلمية من: تجميع- تنظيم- تلخيص- عرض- تحليل- تفسير النتائج التي تم الحصول عليها، من المسوحات أو التجارب الإحصائية. بهدف الوصول إلى استدلالات محدّدة عن معالم المجتمع الإحصائي.

تعريف الاحصاء الحيوي (Biostatistics).

يعني الاحصاء الحيوي اشياء مختلفة للأشخاص المختلفين فهو للعامة جداول واعداد عن البيانات الحياتية اما المعنى الاصطلاحي للإحصاء فهو رياضيات جمع البيانات لظواهر طبية والصحية وتنظيمها وتحليلها وتفسيرها والتعميم من الخاص الى العام عن طريق استدلال خواص المجتمع من خواص العينة .



What Is Statistics?

- 1. Collecting Data**
e.g., Survey
- 2. Presenting Data**
e.g., Charts & Tables
- 3. Characterizing Data**
e.g., Average

**Data
Analysis**



Why?

© 1984-1994 T/Maker Co.



**Decision-
Making**



© 2011 Pearson Education, Inc.

. وباختصار الإحصاء علم وفن.

- **الإحصاء علم**: لأنه جزء من الرياضيات التطبيقية يعالج سلوك الأرقام ويستخلص القوانين الإحصائية.
- **الإحصاء فن**: بعده أسلوب وطريقة علمية لأصول جمع الحقائق بالأرقام ومعالجتها بمنهجية علمية.

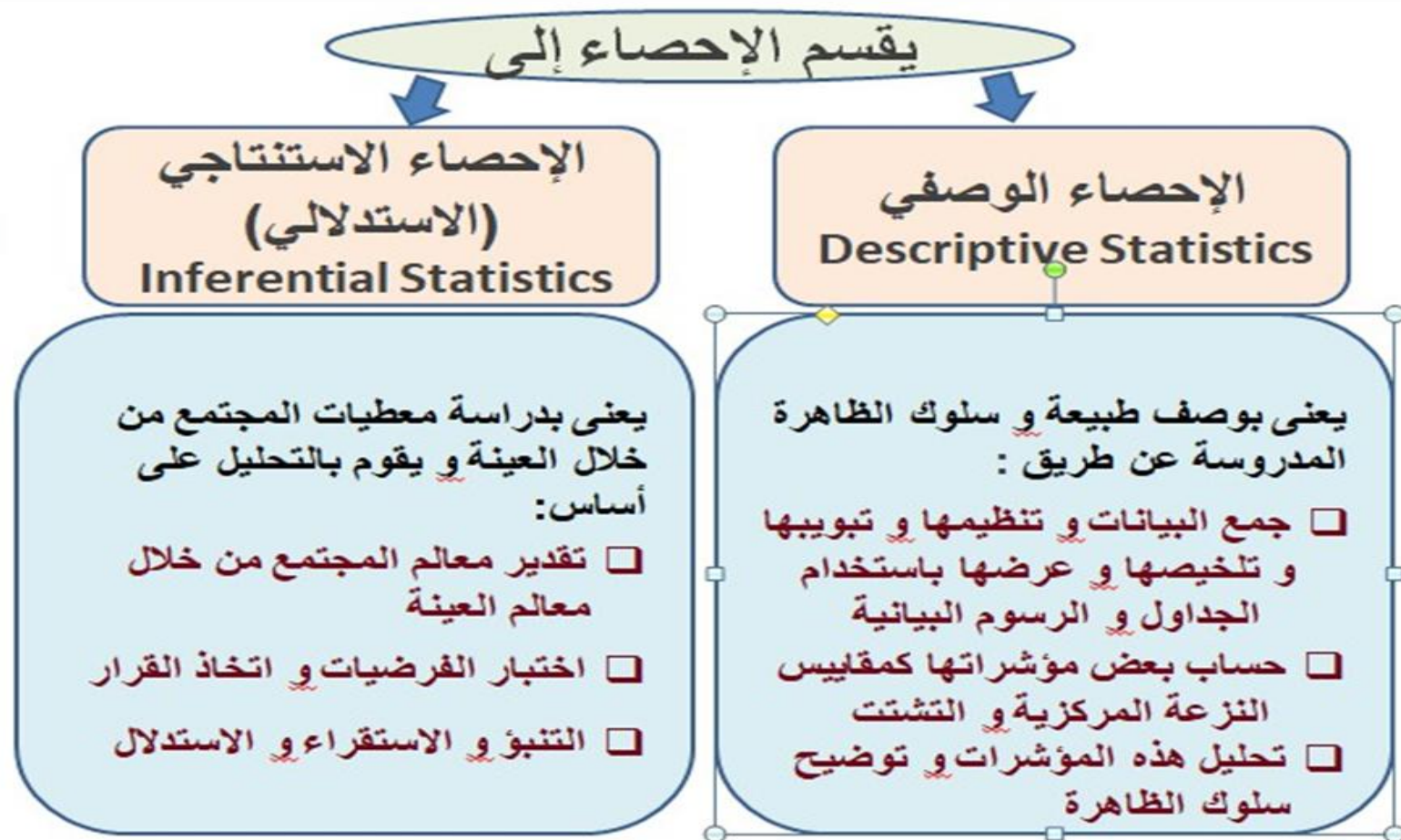
ينقسم علم الإحصاء إلى نوعين:



الإحصاء
الاستدلالي

الإحصاء
الوصفي





وظائف علم الإحصاء

1. عرض المعطيات و المشاهدات عن الظاهرة المدروسة بشكل واضح
2. تلخيص هذه المشاهدات و المعطيات على شكل قيم ذات معنى (متوسطات ، نسب ، معدلات ، ... و غيرها)
3. وضع أسس للمقارنة بين متغيرات الظاهرة المدروسة
4. يساعد في وضع الفرضيات البحثية و اختبارها و تطوير النظريات العلمية
5. يساعد في معرفة اتجاه تطور الظاهرة المدروسة في المستقبل
6. يساعد متخذي القرار في وضع البرامج والخطط عن طريق ما يوفره من بيانات

أنواع المتغيرات وسلام القياس

المتغيرات العشوائية

يتكون المجتمع (الجمهرة) الإحصائي من مجموعة من الأفراد أو العناصر (مجتمع غير بشري) تشترك فيما بينها ببعض الخصائص أو الميزات (سكان مدينة - طلاب كلية - مجموعة مرضى - إنتاج مصنع)

عند دراسة هذا المجتمع يجب أن نحدد الهدف من الدراسة (حساب متوسط الدخل - قياس مستوى السكر في الدم - متوسط تكاليف العمل الجراحي)

إذن... المتغير العشوائي - هو الوسيلة الرياضية التي نعبر بها عن المؤشر المدروس (الدخل - مستوى السكر - التكاليف) لعناصر المجتمع الإحصائي و التي يجب دراستها و تحليلها

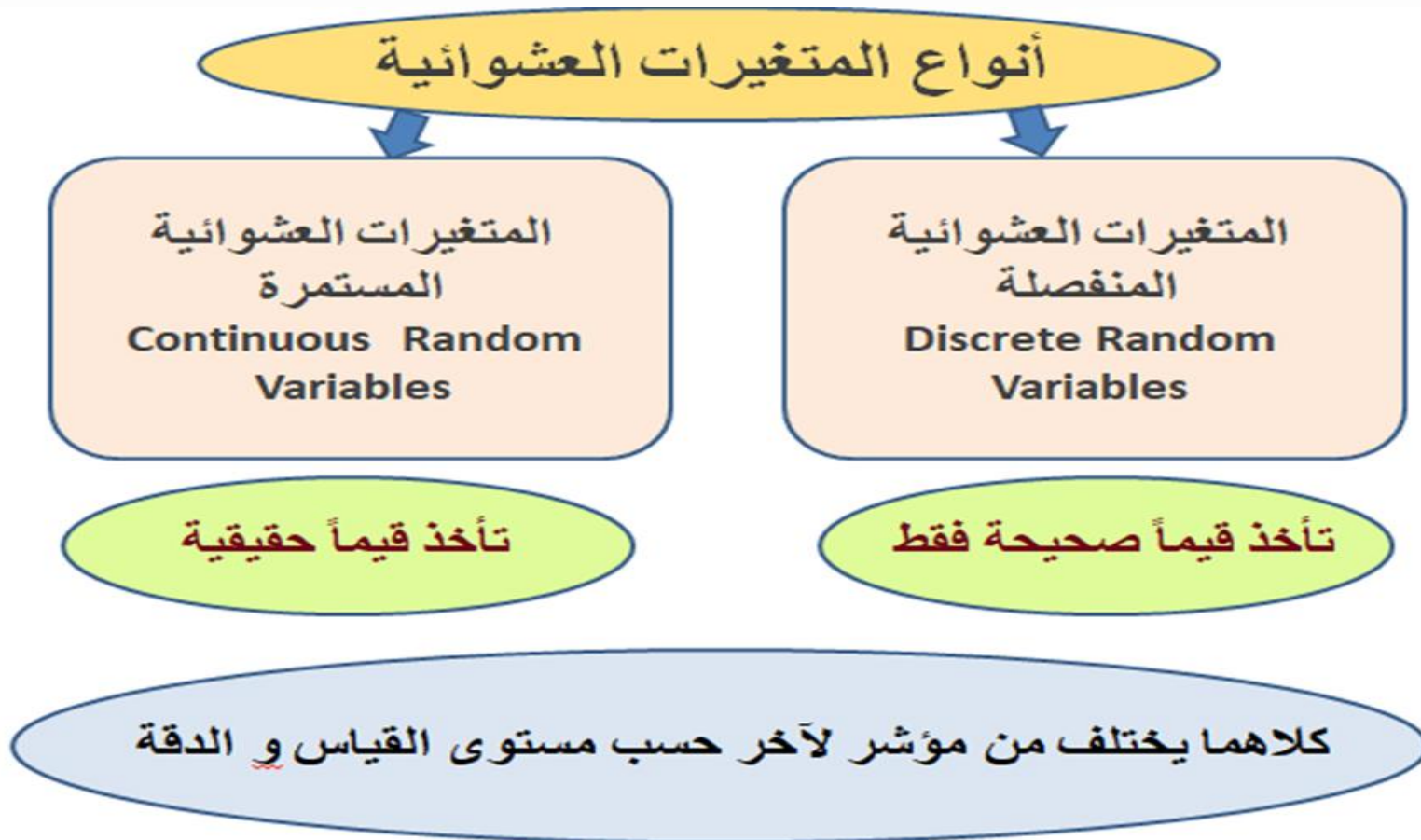
صفات أو خواص المتغير العشوائي

1. العشوائية : تتغير القيم من عنصر لآخر بشكل عشوائي

2. لكل عنصر من عناصر المجتمع (العينة) قيمة وحيدة

3. يعرف على كافة الأفراد و يأخذ قيم حقيقية أي في
(المجموعة R)

4. لكل متغير عشوائي مدى محدد من القيم (فمثلاً
مستوى ضغط الدم [80 – 120] ملم زئبقي



1- المتغير Variable :- يقصد به اي صفة او عنصر قابل للتغير في النوع والكم من فرد الى آخر في نفس المجتمع ويكون المتغير اما :-

A-متغيرات وصفية او نوعية Qualitative Variable

وهي الصفة التي لا يمكن قياسها مباشرة بأرقام عددية لان الفرق بين المفردات تكون في النوع وليس في الكم ومن الامثلة على ذلك (الصحة ، اللون ، الذكاء ، والجنس ، والحالة الاجتماعية)

B- صفة كمية Quantitative Variable : وهي الصفة التي يمكن قياسها مباشرة بأرقام عددية كالاختلاف بين الافراد في الطول والوزن ومستوى الهيموكلوبين والهرمونات وعدد خلايا الدم الحمراء ومستوى الدهون في مصل الدم (VLDL ، LDL-C ، HDL-C، TG ، TC) Lipid profile ويمكن قياسها بوحدات القياس المختلفة كالسنتيمتر والكيلوغرام (mg , pg ,g) وتنقسم المتغيرات الكمية الى :-

1- متغيرات متصلة او مستمرة Continuous variable

المتغير المتصل هو المتغير الذي تأخذ كل مفردة قيمة رقمية او كسر بين حدي المتغير الكلي فلو فرضنا اطوال الطلبة يتراوح بين (130.5 و 170 سم) ،كمية الهيموكلوبين (12.5 – 14 ملغم لكل لتر من الدم)

2- متغيرات غير متصلة او مستمرة Discontinuous Variable

هي المتغيرات التي تأخذ المشاهدة او المفردة فيها قيم متباعدة او متقطعة غير مستمرة اي هو الذي لا تأخذ كل مفردة فيه قيمة كسرية بل لا تزيد قيمة المتغير او تنقص بأقل من واحد فعدد الطلاب عدد الكتب كلها متغيرات غير متصلة او مستمرة

المشاهدة Observation.

تعتبر المشاهدة ك بمثابة المواد الاولية التي يتعامل معها الباحث فإذا اراد باحث ان يقيس مستوى الكلوكوز في مصل دم احد الجرذان ولنفرض ان مستوى الكلوكوز في مصل دم هذا الجرذ هو (120 ملغم/ 1مل) فإن هذا العدد يمثل المشاهدة ، لذا فإن المشاهدة هي سجل رقمي لحادثة وان مجموع المشاهدات تكون البيانات Data .

المجتمع Population .

المجتمع من الناحية الاحصائية يمثل جميع الافراد او العناصر التي تشترك في صفة متغير واحد او اكثر تميزه تماماً عن بقية المجتمعات ويتعلق مفهوم المجتمع بالهدف المحدد للبحث الاحصائي فقد يشكل طلبة جامعة المنارة مجتمعا ،

والمجتمع هو عبارة عن جميع القيم التي يمكن ان يأخذها المتغير ، فمثلاً عند دراسة مستوى الهيموكلوبين في دم طلبة جامعة المنارة وصفة مستوى الهيموكلوبين في دم طلبة جامعة المنارة هي متغير تأخذ مدى معين لمجتمع طلبة جامعة المنارة

، والمجتمع اما ان يكون

A-مجتمع محدود Finite Population

وهو المجتمع الذي يمكن حصر مفرداته كما هو الحال في مستوى الهيموكلوبين في دم طلبة جامعة المنارة او عدد ردهات المرضى في مستشفى تشرين .

B-مجتمع غير محدود Infinite Population

هو المجتمع الذي من الصعب او المستحيل حصر مفرداته مثل عدد البكتريا في مستعمرة بكتيرية او حقل معين .

C-الثوابت: فهي السمات والخواص التي لا تتغير، وهي تصف ماهية المواد في ظروف معينة،

d-معلمة المجتمع population parameter: هي الثابت الذي يصف المجتمع، وهو عبارة عن مقياس سمة، مثل: معدل المجتمع.

العينة Sample :-

العينة هي جزء المجتمع وهي عبارة عن مجموعة من المشاهدات اختير بطريقة ما من المجتمع حيث ان دراسة المجتمع ككل قد يكون صعباً ويحتاج الى وقت وجهد ومال لذا فقد استعوض عن دراسة المجتمع بدراسة العينة ومنها نستطيع ان نستنتج خواص المجتمع الذي اخذت منه العينة ، فقد تكون العينة انسان او حيوان او نبات او جزء معلوم من نبات معين تجري عليه التجارب في المختبرات والعينة هي احدى ادوات البحث العلمي .

e-الإحصاءات statistic: هو متغير تتحدد قيمته من العينة أي أنه مقياس سمة تجد قيمته لأفراد العينة فقط، مثال: عمر المصباح.

الاحصاء الحيوي **Biostatistics**



المحاضرة الثانية

أنواع سلالمة القياس (المقاييس)

المقاييس - هي التي تحدد طريقة تلخيص و وصف الظواهر بناءً على قواعد محددة و هذه القواعد:

العمليات
الإحصائية الممكنة
استخدامها مع
المقاييس

الخواص
الرياضية للمقاييس
الناتجة من الأرقام

القواعد الأساسية
لاستخدام الأرقام
(كمية - تمييزية)

بناءً عليه هناك أربع أنواع للمقاييس (المستوى)

المقاييس
النسبية

المقاييس
الفترية

المقاييس
الترتبية

المقاييس
الاسمية

المقياس الاسمي Nominal Scale

- هو أدنى مستويات القياس
- تستخدم فيه الأعداد للتمييز بين الأشياء
(تجميع الأشياء التي تشترك بخاصية معينة واحدة أو أكثر)
- ليس للعمليات الحسابية على الأرقام أي معنى
(لأن الأرقام هنا لا تعبر عن كمية ما يحتويه الشيء من الظاهرة)
- المجموعات المتشابهة لا تتميز عن غيرها بالأهمية أو الترتيب

- ❖ (1) ذكر مريض
- ❖ (2) ذكر سليم
- ❖ (3) أنثى مريضة
- ❖ (4) أنثى سليمة

توزيع مجموعة من الأفراد
حسب النوع و الإصابة
بمرض معين

الأرقام هنا للتصنيف و لا تعبر عن كميات معينة

المقياس الرتبي Ordinal Scale

- يأتي في المرتبة الثانية بعد المستوى الاسمي
- يسمح بترتيب الصفات المدروسة بغض النظر عن تساوي الفروق بينها
- الأرقام التي تعبر عن الرتب لا تعبر عن مقدار توفر الظاهرة في المشاهدة
- لا يمكن إجراء أي عملية حسابية على الرتب و لكن يمكن حساب عدد التكرارات و حساب بعض المؤشرات (وسيط – منوال)

- ❖ (1) الأول
- ❖ (2) الثاني
- ❖ (3) الثالث
- ❖ (4) الرابع

ترتيب مجموعة من الطلاب
حسب تسلسل درجاتهم
تنازلياً

الفروق بين الترتيبات لا تساوي الفروق بين الدرجات

المقياس النسبي Ratio Scale

- يتمتع بجميع الصفات السابقة
- الصفر قيمة عددية حقيقية مطلقة و يعني انعدام الظاهرة
- يمكن إجراء جميع العمليات الحسابية
- يمكن حساب جميع المؤشرات الإحصائية
- يعتبر أعلى مستويات القياس

ترتيب مجموعة من المرضى حسب مستوى السكر

بناءً على ما ذكر أعلاه (أنواع المتغيرات و مستوى القياس)
يمكن أن نحدد فيما إذا كنا سنستخدم الطرائق المعلمية أو
اللامعلمية في الدراسة و التحليل

المقياس الفتروي Interval Scale

- أدق من سابقه و يتمتع بنفس خصائصهما
- يتمتع بواحدات قياس متساوية تعبر عن قيمة الظاهرة و يمكن جمعها أو طرحها
- لا يمكن إجراء عملية القسمة على القياسات لعدم وجود الصفر المطلق (الصفر قيمة نسبية و ليست مطلقة)
- يمكن حساب جميع المؤشرات (متوسطات ، معاملات ارتباط و غيرها)

ترتيب مجموعة من العمال حسب شرائح الدخل

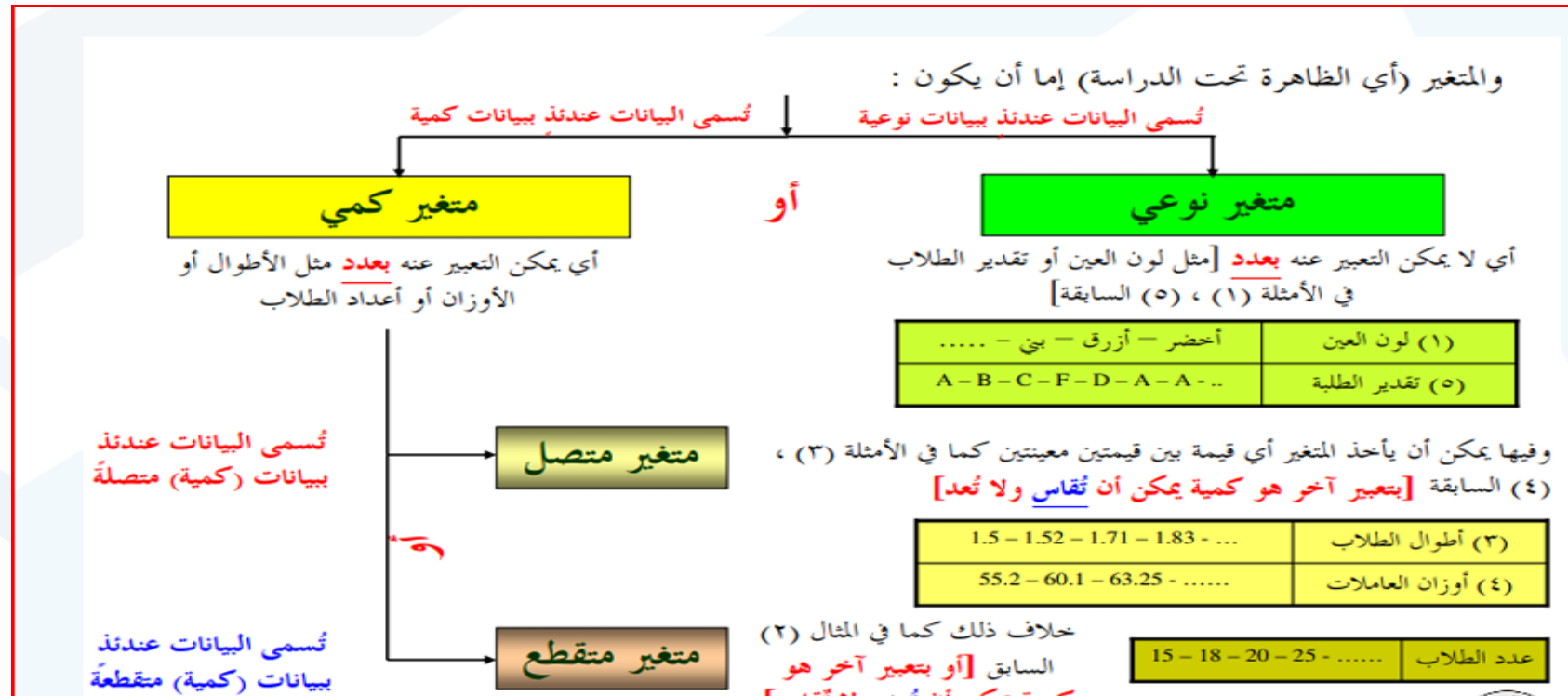
الفروق بين الدرجات تساوي
الفروق بين الشرائح و الصفر
ليس قيمة مطلقة

- ❖ (0) الشريحة الأولى [10-15]
- ❖ (1) الشريحة الثانية [15-20]
- ❖ (2) الشريحة الثالثة [20-25]
- ❖ (3) الشريحة الرابعة [25-30]

(٤) البيانات

يمكن ببساطة تعريف البيانات على أنها مجموعة من "الملاحظات أو القياسات" التي تخص الظاهرة تحت الدراسة ، والكمية التي نقوم بمشاهدتها أو قياسها تُسمى بالمُتغير وعادةً نرسم له برمز مثل $x, y, A, B, ..$ ، فمثلاً :

المتغير x	البيانات (القياسات أو الملاحظات)	العملية الإحصائية : دراسة	مثال
لون العين	أخضر - أزرق - بني -	لون العين لبعض الأطفال حديثي الولادة	(١)
عدد الطلاب	15 - 18 - 20 - 25 - 17 -	عدد الطلاب في فصول مدرسة	(٢)
طول الطالب	1.5 - 1.52 - 1.71 - 1.83 -	أطوال مجموعة من الطلاب في فصل ما (بالمتر)	(٣)
وزن العاملة	55.2 - 60.1 - 63.35 - 70.52 -	أوزان بعض العاملات بمصنع معين (بالكيلوجرام)	(٤)
تقدير الطالب	A - B - C - D - F - A - C - B -	تقديرات عدد من الطلاب في مقرر الإحصاء	(٥)



ذكرنا في الباب السابق (الباب الأول) ما هي البيانات [هي مجموعة المشاهدات أو القياسات التي تخص ظاهرة معينة تحت الدراسة] وعرفنا المتغير على أنه تلك الكمية التي نقوم بمشاهدتها أو قياسها ، كما ذكرنا أن البيانات إما أن تكون : نوعية أو كمية ، حيث :

(أ) البيانات النوعية : هي تلك البيانات التي لا يمكن التعبير عن متغيرها بعدد (أي بيانات غير رقمية) ،
مثل :

- لون (أو نوع) السيارات الموجودة في موقف ما [أحمر - أبيض - أسود -]
- الحالة الاجتماعية للسيدات في محافظة معينة [متزوجة - عزباء - مطلقة - أرملة - منفصلة]
- رأيك في قرار خاص بالمؤسسة التي تعمل بها [أوافق بشدة - أوافق - أعترض - أتخفظ - ...]
- وغيره من مثل هذه الأمثلة .

(ب) البيانات الكمية : هي تلك البيانات التي يُعبر فيها عن المتغير بعدد (أي بيانات رقمية) ، وهذه
البيانات بدورها تنقسم إلى :

(ب) البيانات الكمية : هي تلك البيانات التي يُعبر فيها عن المتغير بعدد (أي بيانات رقمية) ، وهذه البيانات بدورها تنقسم إلى :

(ب - ١) بيانات كمية متصلة : وفيها يمكن أن يأخذ المتغير أي قيمة بين قيمتين (أي بيانات يمكن أن تُقاس ولا تُعد ، مثل :

- أطوال الطلاب في إحدى المدارس .
- أوزان العائلات بإحدى المصانع .
- الدخل السنوي لمنسوبي مؤسسة معينة .
- وغيره من مثل هذه الأمثلة .

(ب - ٢) بيانات كمية متقطعة : وفيها يمكن أن يأخذ المتغير قيمة على (إما أو وليس أي قيمة بينهما) ، وبتعبير آخر هي بيانات يمكن أن تُعد ولا تُقاس ، مثل عدد طلاب الفصول المختلفة في مدرسة ما

والبيانات المنفصلة إما أن تكون نوعية أو كمية متقطعة

تمارين محلولة الفصل الاول

- التمرين 01:** - ما المقصود بكل من: الإحصاء الوصفي والإحصاء الاستدلالية وما الفرق بينهما؟
- ما المقصود بأسلوب الحصر الشامل وأسلوب المعاينة؟ وما هي الاعتبارات التي تحكم المفاضلة بين الأسلوبين؟
 - ما الفرق بين المجتمع الإحصائي المحدود وغير المحدود؟
 - ما الفرق بين المتغير الكمي و المتغير الكمي؟
 - لماذا يفضل الباحث البيانات الأولية عن البيانات الثانوية؟
 - وما الفرق بين أسلوب جمع البيانات عن طريق المقابلة و عن طريق الهاتف؟

التمرين 02: بين أي الأسلوبين (الحصر الشامل أو العينة) يستخدم في الحالات التالية:

- عند التعرف على جودة المنتجات في الخطوط الإنتاجية بأحد المصانع؛
- عند إجراء تحاليل دم أحد المرضى؛
- التعداد السكاني؛
- عند فرز أصوات المنتخبين يوم إجراء الانتخابات الرئاسية؛
- عند معرفة التعداد الزراعي؛
- عند معرفة مدى فعالية دواء ما، لمعالجة مرض معين؛
- عند إحصاء عدد المتزوجين والطلاق، والأرامل والأيتام؛
- عند التعرف على آراء المستهلكين نحو منتج جديد تم طرحه من طرف مؤسسة ما في السوق؛

حل التمرين 02: تعيين أي الأسلوبين يستخدم الحصر الشامل أو العينة:

أسلوب العينة	أسلوب الحصر الشامل	الحالات
عن طريق العينة	_____	تعرف على جودة المنتجات
عن طريق العينة	_____	تحليل دم أحد المرضى
_____	أسلوب الحصر الشامل	التعداد السكاني
_____	أسلوب الحصر الشامل	فرز أصوات المنتخبين
_____	أسلوب الحصر الشامل	التعداد الزراعي
عن طريق العينة	_____	مدى فعالية دواء لمرض معين
_____	أسلوب الحصر الشامل	عند إحصاء عدد المتزوجين والطلاق والأرامل والأيتام
عن طريق العينة	_____	معرفة آراء المستهلكين نحو منتج جديد

تمرين 3:

صنف السمات والقيم الاتية الى متغيرات و ثوابت - :دخل الفرد العامل اليومي؛ العدد الذري للهيدروجين؛ كمية المحصول الزراعي؛ درجات الحرارة، قوة جاذبية الأرض، سرعة الضوء، عدد أيام الأسبوع، عدد دقائق الساعة، سرعة السيارة، عدد دول العالم ، طول المسافة بني مدينة اللاذقية ودمشق عدد الوالدات في مستشفى التوليد ، عدد حوادث المرور في اللاذقية ، عدد محركات السيارة، فصيلة الدم لدى شخص مريض؛

المتغيرات	الثوابت
-دخل الفرد العامل اليومي؛ كمية المحصول الزراعي؛ درجات الحرارة، سرعة السيارة، عدد الوالدات مستشفى التوليد عدد حوادث المرور في اللاذقية	العدد الذري للهيدروجين؛ قوة جاذبية الأرض، سرعة الضوء، عدد أيام الأسبوع، عدد دقائق الساعة عدد دول العالم ، طول المسافة بني مدينة اللاذقية ومدينة دمشق ، عدد محركات السيارة، فصيلة الدم لدى شخص مريض.

تمرين 4: حدد نوع الخاصية المدروسة ونوعية المتغير عندما يتعلق الدراسات التالية :

-الجنس، الدخل السنوي، ترتيب اللاعب في لعبة الغولف ، عدد السيارات المباعة في أسبوع ما، ترتيب المبيعات السنوية لإحدى الشركات الصناعية، لون العيون؛ قيمة الاتصالات الهاتفية اليومية، عدد المكالمات الهاتفية، درجات الحرارة، ترتيب الناجحين في مسابقة الدكتوراه؛ مكان الإقامة.

حل التمرين 04: تحديد الخاصية المدروسة ونوعية المتغير :

نوعية المتغير	الخاصية المدروسة	نوعية المتغير	الخاصية المدروسة
كمي مستمر	الدخل السنوي، قيمة الاتصالات الهاتفية، درجات الحرارة،	كيفي إسمي	الجنس ، لون العيون، مكان الإقامة
كمي منفصل	عدد السيارات المباعة، عدد المكالمات الهاتفية	كيفي ترتبي	ترتيب اللاعب، ترتيب الناجحين في مسابقة الدكتوراه، ترتيب المبيعات

تمرين 5: تمت تنظيم مسابقة الدكتوراه جامعة تشرين ، 2 بكلية الاقتصاد ، حيث تم استقبال 500

طالب، وتم وضع مجموعة من الشروط وهي كالتالي

- 1- :ان يكون تخصص الطالب ضمن التخصصات التالية: التسويق، المحاسبة ، احصاء ، إدارة الأعمال، مالية؛
- 2- أن يكون تقدير الطالب يف شهادة الماستر جيد فما فوق؛
- 3- أن الا يتجاوز سن الطالب يوم المتحان 35 سنة؛
- 4- عدم دخول الطالب أكثر من خمس مقررات للدورات التكميلية خلال مساره الجامعي؛

MANARA UNIVERSITY

5- أن يكون معدل الطالب خلال مرحلة الليسانس يساوي أو يفوق 12 من عشرين

؛ المطلوب: حدد المجتمع الإحصائي و الوحدة الإحصائية، حدد الصفات المدروسة ونوعيتها؟

رقم الجواب	الصفة المدروسة	نوع المتغير
1	التخصص	كيفي
2	التقدير	كيفي
3	عمر الطالب	كمي مستمر
4	عدد الدورات التكميلية	كمي منفصل
5	معدل الطالب	كمي مستمر

نمرين 6: حدد كل من: اسم المتغير - نوع البيانات - مجتمع الدراسة - حجم العينة

- 1- : في دراسة على عينة من 100 طفل دون سن السادسة لمعرفة اللعبة التي يفضلها كل منهم؛
- 2- في عينة من 500 مريض السرطان يراد قياس مدة الحياة بعد التشخيص
- 3- في دراسة لتحديد فصيلة الدم لعينة من 200 مريض بالمستشفى؛
- 4- في دراسة على 400 مريض لتحديد عدد الساعات التي قضوها داخل المستشفى حيث تماثلوا للشفاء من مرض كوفيد 19.
- 5- في دراسة لتحديد أوزان عينة من 45 طفل حديث الولادة بالكيلو جرام يف مستشفى لتوليد خلال الأسبوع الأول من شهر كانون أول
- 6- في دراسة لقياس مقدار النقص يف الوزن بالكيلو جرام لعينة من 30 لاعب في فريق الملاكمة ذو الأوزان الكبيرة و يتبعون نظام غذائي معين؛
- 7- في دراسة على عينة من 100 النساء الحوامل لقياس الوقت بالساعات الذي تقضيه في المستشفى قبل الولادة؛
- 8- في دراسة لتحديد عدد المرات التي أصيب فيها الطفل في سن 5 سنوات بالتهاب الأذن على عينة من 50 طفل يف مدينة اللاذقية

حل التمرين 6

الرقم	اسم المتغير	نوع البيانات	مجتمع الدراسة	حجم العينة
01	اللعبة	كيفي	الأطفال	100 طفل
02	مدة الحياة	كمي مستمر	المرضى بالسرطان	500 مريض
03	فصيلة الدم	كيفي	المرضى بالمستشفى	200 مريض
04	عدد الساعات	كمي منفصل	المرضى	400 مريض
05	أوزان-الوزن	كمي مستمر	الأطفال	45 طفل
06	الوزن	كمي مستمر	اللاعبين	30 لاعب
07	الحمل	كمي منفصل	النساء الحوامل	100 من النساء الحوامل
08	عدد مرات الإصابة	كمي منفصل	الأطفال	50 طفل

الاحصاء الحيوي **Biostatistics**



المحاضرة الثالثة

البحث الإحصائي:

يعرّف بأنه **استقصاء** **منظم** و**مضبوط** و**تجريبي** و**ناقد** للافتراضات حول طبيعة العلاقات بين المتغيرات لظاهرة ما بهدف اكتشاف المعرفة بطريقة منظمة لجمع الحقائق وتنسيقها بأسلوب علمي ومنطقي وصولاً للقرار السليم وتعميم النتائج الحاصلة على المجتمع الإحصائي.

خطوات البحث الإحصائي:

1. اختيار الموضوع
2. تحديد مشكلة البحث
3. وضع الفرضيات "فروض البحث"
4. تصميم البحث "خطة البحث"
5. استمارة البحث
6. مصادر البيانات
7. أسلوب جمع البيانات
8. ترتيب وتبويب البيانات
9. تحليل البيانات الإحصائية
10. القرار الإحصائي:

1- اختيار الموضوع:

. وفيما يلي أهم الاعتبارات الواجب مراعاتها عند اختيار موضوع البحث:

1- الاهتمام الشخصي في اختيار الموضوع بهدف الاستمرار في بحث معين والتركيز على ناحية معينة يريد الباحث التركيز مثلاً على العلاقة بين هيكل الشركة وبين الوجهة المهنية فيها.

2- التركيز على بعض المشكلات الاجتماعية والتربوية والنفسية مثلاً دراسة التلوث وتأثيراته وحماية البيئة.

3- الاهتمام على بعض الجوانب النظرية لبعض المشكلات بهدف معرفة مدى ملاءمتها وتأثيراتها ومدى فائدتها في إيجاد بعض الحلول مثلاً دراسة أثر البيروقراطية والإدارة ونظريات السلوك الإنساني.

2- تحديد مشكلة البحث:

مشكلة البحث: عبارة عن شكوك لها ما يبررها من أسباب ودوافع تجعل الظاهرة في وضع مخالف ومغاير لنمطيتها الطبيعية وما يجب أن تكون عليه.

وتتوقف تحديد مشكلة البحث على عوامل عدة منها:

- 1- وضوح الرؤية بالنسبة لحقائق المشكلة ومتغيراتها.
 - 2- موضوعية الدراسة وإمكانية تنفيذها.
 - 3- إمكانية الحصول على البيانات بشكل دقيق وبأقل التكاليف.
 - 4- توفر الإمكانيات المادية.
 - 5- التوقيت اللازم لإنجازها.
 - 6- طبيعة الظاهرة المدروسة.
 - 7- الهدف من البحث.
 - 8- أنواع المتغيرات المراد دراستها / كمية / نوعية ... الخ.
 - 9- التخصص والميل العلمي ونوعيته.
- 3- وضع الفرضيات "فروض البحث" :

مشكلة البحث هي عبارة عن تساؤلات فإن الفرضية هي حلول مقترحة وبدائل وتفسيرات مؤقتة وتخمين واستنتاج يتطلب إثباته بالطريقة العلمية، أي بمعنى آخر الفرضية هي بدائل حلول مقترحة كما تعرف "تفسير مؤقت أو محتمل للعوامل والأحداث والظروف التي يسعى الباحث إلى تفسيرها".

هذا وتأخذ صياغة الفرضية عدة أشكال أهمها:

- 1- طريقة الإثبات الطردية:
- 2- طريقة الإثبات العكسية:
- 3- طريقة صياغة النفي: " ؟

وفيما يلي أهم الاعتبارات الواجب مراعاتها في فروض البحث:

- 1- يجب أن تكون الفرضية دقيقة في صياغتها وواضحة في معناها بحيث لا تؤدي المفردات إلى ازدواجية في المعنى أو أن تكون قابلة للتأويل.
- 2- أن تكون منطقية وموضوعية وقابلة للاختبار والتجريب وأيضاً قابلة للتحقق والإثبات.
- 3- يجب أن تصاغ فروض البحث على شكل جمل استفهامية.
- 4- يجب أن تربط فروض البحث بين متغيرين أو أكثر.
- 5- يجب أن تتضمن فروض البحث على مفهوم ضمني مؤداه إمكانية قياس المتغيرات.
- 6- يجب أن تكون فروض البحث محدّدة بما ينسجم وطبيعة المتغيرات المدروسة.

4- تصميم البحث "خطة البحث":

تصميم البحث عبارة عن مخطط تنظيمي لخطوات ومراحل البحث في شقيها النظري والإجرائي. يعرف على أنه دليل أو مجموعة من الخطط لجمع المعلومات والبحث ذو التصميم المثالي هو الذي يجمع أقصى قدر من المعلومات مع الإنفاق الأدنى للوقت والموارد.

5- استمارة البحث:

الاستمارة بالتعريف: عبارة عن كشف يتضمن الأسئلة المراد تقديمها من قبل الباحث بهدف جمع البيانات والمعلومات حول الظاهرة المراد دراستها. وتعدّ من العوامل الجوهرية في إنجاح عملية البحث

وللاستمارة أنواع / للاستبيان أنواع أهمها:

1- **الاستبيان المغلق**: وتكون فيه الإجابات على الأسئلة محدّدة بعدد من الخيارات /نعم/ لا/ موافق/ غير موافق. ويتميز بالبساطة وسرعة تفريغ البيانات وقلة التكاليف. ومن عيوبه:

2- **الاستبيان المفتوح**: يعطي الفرد حرية للإجابة على الأسئلة الواردة في الاستبيان بدلاً من حصر إجابته في عدد محدّد من الخيارات.

4- **الاستبيان المغلق – المفتوح**: عبارة عن استبيان يتضمن خليطاً من الأسئلة الواردة في الاستبيان المغلق- المفتوح

أهم الاعتبارات الواجب مراعاتها عند تصميم الاستبيان.

- 1- وضوح وسهولة الأسئلة المقدمة و لا تتطلب الرجوع بالذاكرة.
- 2- وضع أقل عدد ممكن من الأسئلة
- 3- الابتعاد عن الأسئلة الحرجة والحساسة.
- 4- عدم تقديم الأسئلة التي تحتاج إلى قيام الفرد بالعمليات الحسابية.
- 5- يفضل وضع الأسئلة التي تتطلب إجابات محدّدة ومختصرة.
- 6- ضرورة صياغة الأسئلة بلغة واضحة ومفهومة.
- 7- وجوب الإحاطة بسرية البيانات وعدم الإدلاء بها.
- 8- ضرورة تحديد واحدات القياس. وتحديد المفاهيم بشكل جيد.
- 9- ضرورة وضع تفسيرات وتوضيحات للمصطلحات

a- فوائد الاستبيان:

- 1- يعدّ وسيلة أقلّ كلفة من وسائل جمع المعلومات الأخرى.
- 2- يتطلب مهارة أقلّ لإنجازه من تلك التي تتطلبها المقابلة مثلاً.
- 3- إمكانية توزيعه على أكبر عدد من الأفراد في الوقت نفسه.
- 4- إعطاء ثقة للفرد في الإجابة على الأسئلة دون خوف وكذلك منحه الوقت الكافي..

b - سلبيات الاستبيان:

- 1- انخفاض نسبة الحصول على بيانات عند إرساله بالبريد أو بوسائل أخرى.
- 2- عدم إمكانية استخدامه في المجتمعات التي ما تزال نسبة الأمية فيها مرتفعة .
- 3- احتمال الإجابة بمعلومات خاطئة على الأسئلة الواردة في الاستبيان نظراً لعدم فهم الفرد مضمون الأسئلة المقدّمة.

6: مصادر البيانات :

- 1- **المصدر غير المباشر:** عبارة عن البيانات التي يمكن الحصول عليها دون قيام الباحث بالقياس المباشر، أي يعتمد على البيانات المتوافرة في السجلات والدوريات والمجلات والكتب والمخطوطات
- 2- **المصدر المباشر:** وهنا يقوم الباحث بنفسه بالحصول على البيانات اللازمة من خلال إجراء القياسات أو التجارب المخبرية مثال: الإنتاجية – القوة الشرائية وعلاقتها بالأسعار... الخ.

7: أسلوب جمع البيانات:

1- أسلوب الحصر الشامل:

ينطوي هذا الأسلوب في الدراسة على أخذ جميع مفردات المجتمع الإحصائي دون تجاهل أي مفردة، ويعتمد هذا الأسلوب في مجال التعدادات السكانية والمساكن والحيارات الزراعية والصناعية

2 - أسلوب العينات:

العينة جزء من المجتمع الأصلي المراد دراسته وتحديد خصائصه وهي تمثل نسبة مئوية من حجم المجتمع الإحصائي، أي تسمح لنا بدراسة الكل عن طريق الجزء.

وللعينات العديد من الفوائد أهمها:

وللعينات العديد من الفوائد أهمها:

- 1- توفر الوقت والجهد والتكاليف.
- 2- تفيد في دراسة بعض الظواهر التي لا تشترط الحصول على معلومات دقيقة.
- 3- يعدّ الأسلوب الوحيد لدراسة بعض الظواهر مثال / تعداد كريات الدم/.
- 4- تفيد في التأكد من بعض الأخطاء الواردة في أسلوب الحصر الشامل.

: أسلوب جمع البيانات:

1- أسلوب الحصر الشامل:

ينطوي هذا الأسلوب في الدراسة على أخذ جميع مفردات المجتمع الإحصائي دون تجاهل أي مفردة، ويعتمد هذا الأسلوب في مجال التعدادات السكانية والمساكن والحيازات الزراعية والصناعية

2 - أسلوب العينات:

العينة جزء من المجتمع الأصلي المراد دراسته وتحديد خصائصه وهي تمثل نسبة مئوية من حجم المجتمع الإحصائي، أي تسمح لنا بدراسة الكل عن طريق الجزء.

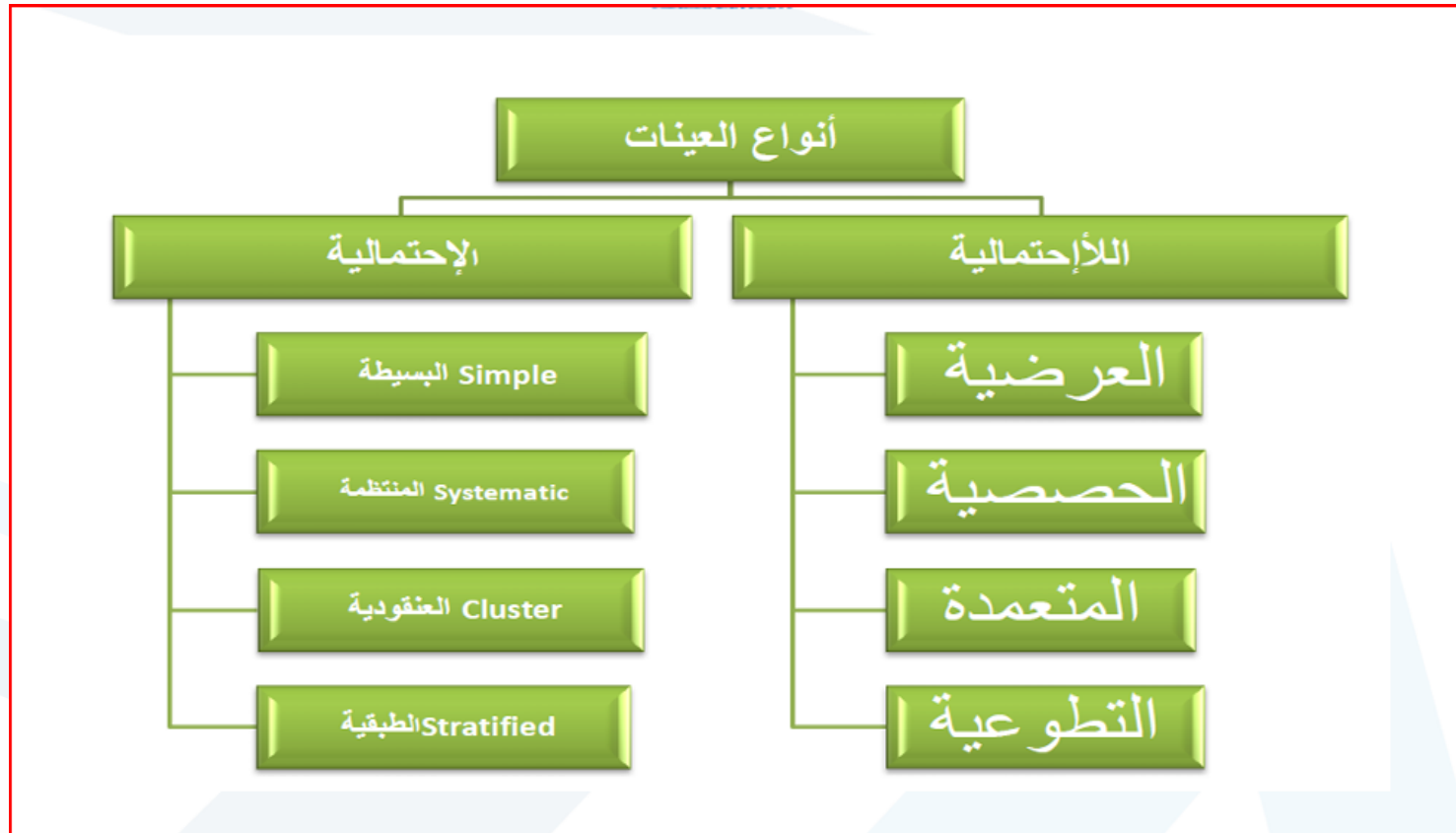
وللعينات العديد من الفوائد أهمها:

5- توفر الوقت والجهد والتكاليف.

6- تفيد في دراسة بعض الظواهر التي لا تشترط الحصول على معلومات دقيقة.

7- يعدّ الأسلوب الوحيد لدراسة بعض الظواهر مثال / تعداد كريات الدم/.

8- تفيد في التأكد من بعض الأخطاء الواردة في أسلوب الحصر الشامل.



4-1 انواع العينات (samples types)

ان العينة تعكس المعلومات المجمعة عن بعض عناصر المجتمع كما ان العينة الجيدة يجب أن تعكس كل الخصائص والمميزات للمجتمع وهذه العينات بالإمكان أن تعكس الخصائص المهمة للمجتمع الذي سحبت منه بدرجات دقة مختلفة . وأي عينة التي تعكس خصائص المجتمع بدقة تُدعى عينة تمثيلية (*representative*) ، كما ان أي عينة التي ليست ممثلة لخصائص المجتمع تُدعى عينة متحيزة (*biased*) وان مدى الثقة أو الدقة بالاستنتاجات المستخلصة للمجتمع يعتمد على أسلوب اختيار العينة بشكل صحيح لكي تمثل المجتمع ،

وحيث ان هناك العديد من الطرق المتوفرة لسحب العينات وان الاختيار والمفاضلة ما بين طرق سحب العينات يعتمد على مجموعة من العوامل منها .

- 1- طبيعة المشكلة أو التحقيق .
- 2- مدى توفر إطارات العينات الجيدة (قائمة كل الأعضاء(العناصر) في المجتمع).
- 3- الميزانية أو مدى توفر الموارد المالية .
- 4- المستوى المطلوب للدقة .
- 5- الطريقة التي سيتم فيها جمع البيانات مثل الاستفتاءات أو المقابلات .

أخذ العينات sampling procedures

العينة السليمة هي العينة الممثلة للمجتمع الذي اختيرت منه، وعملية أخذ العينات بطريقة غير مناسبة واحدة من أسوأ الأخطاء الممكن ارتكابها. ويمكن تقسيم العينات وفقاً لأسلوب اختيارها إلى نوعين هما العينات الاحتمالية والعينات غير الاحتمالية.

العينات الاحتمالية probability sampling: هي العينات التي يتم اختيار عناصرها وفقاً لقواعد الاحتمالات، بمعنى آخر هي التي يتم اختيار عناصرها من مجتمع الدراسة بطريقة عشوائية، بهدف تجنب التحيز الناتج عن اختيار العناصر، ومن أهم أنواع العينات الاحتمالية ما يلي:

1- العينة العشوائية البسيطة Simple Random Sample

وهي تلك العينة التي تسحب من مجتمع الدراسة بحيث يكون احتمال فرض ظهور اية مفردة من مفردات المجتمع الاحصائي في العينة متساوياً وبمعنى اخر تعني اعطاء كل فرد من المجتمع نفس الفرصة للظهور في العينة ويتم اختيارها كما يلي :
مثل استخدام طريقة البطاقات او القرعة

اذا كان لدينا (5) مرضى لاختبار دواء معين وارادنا اختيار مريضين عشوائياً فما عدد الطرق الممكنة لاختيار مريضين لإجراء بعض الفحوصات .

$$\text{ان عدد الطرق الممكنة} \quad {}^nCr = \frac{n!}{r!(n-r)!}$$

$$5C2 = \frac{5!}{2!(5-2)!} \quad \text{توافق}$$

1. مثال العينة العشوائية البسيطة simple random sample: تؤدي هذه الطريقة إلى احتمال اختيار أي عنصر من أفراد المجتمع كعنصر من عناصر العينة، كما أن لكل عنصر فرصة متساوية لاختياره ضمن العينة.

2. العينة العشوائية المنتظمة systematic random sample المبدأ: يتم فيها اختيار الوحدة الأولى (وتسمى بوحدة الابتداء) من العينة بطريقة عشوائية ثم يتم اختيار بقية الحالات على مسافات رقمية منتظمة أو متساوية بين الحالات (وتسمى بفترة السحب).

وبالتالي تكون فترة السحب تساوي $N=500$ مفردة من مجتمع حجمه $n=50$ مثال: نريد سحب عينة بحجم

$$k = \frac{500}{50} = 10$$

أي تسحب مفردة كل عشرة مفردات ويمكن تطبيق المتوالية العددية في سحب المفردات

$$k_n = a_1 + (n-1)r$$

أسس المتوالية (فترة السحب) الحد الأول (وحدة الابتداء)

$$k_1 = 5 + (1-1)10 = 5$$

$$k_{15} = 5 + (15 - 1)10 = 145 \text{ المفردة رقم } 15 =$$

$$k_{50} = 5 + (50 - 1)10 = 495 \text{ وهكذا المفردة رقم } 50 \text{ في العينة} =$$

من ميزاتنا انها تسمح بمتابعة تغيرات نفس المفردة في الزمان والمكان خلال فترة او فترات زمنية متسلسلة

مثال العينة العشوائية المنتظمة :- وهي اختيار العينات بشكل منتظم من قائمة المجتمع حيث يتم اختيارها من خلال ترقيم عناصر المجتمع الاحصائي بحيث يتم تحديد قاعدة للاختيار تستند على تحديد اختيار العنصر الاول ولتبسيط الشرح لو كان مجتمع الاصل (100 مريض) وتريد اختيار (10 مرضى) لأجراء بعض الفحوصات عليهم فمثلاً تأخذ الارقام العشرة الاولى وتوضع في صندوق ويتم السحب ، فمثلاً حصلنا على الرقم (3) فيكون العينات العشرة المرضى هي كالآتي ،

$${}^5C_2 = \frac{5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{2 \times 1 (3 \times 2 \times 1)} = 10 \text{ طرق مختلفة}$$

بمعنى انه يوجد عشر بطاقات يكتب عليها اسم مريضين ويتم اختيار بطاقة من العشرة بطاقات عشوائياً .

فإذا كانت اسماء المرضى c,e,d,b,a فإن العشر بطاقات يكون مكتوب عليها de, ce , cd , be , bd , bc , ae , ad , ac , ab , ويتم سحب اي بطاقة من العشرة .

$$\text{المسافة} = \frac{\text{مجموع المرضى}}{\text{مجموع العينة}} \times 10 = \frac{100}{10} = 10$$

93, 83, 73, 63, 53 , 43, 33, 23, 13, 3,,,

حيث ان الفاصلة **فترة السحب** = 10 بين مريض و آخر وتسمى هذه العينة المختارة (عينة منتظمة Systematic Sample) .

شرط المعانية : تجانس المجتمع المدروس.
المبدأ. اختيار عناصر العينة على مسافات متساوية
العشوائية تكمن في تحديد المفردة الاولى

شكراً جزيلاً لكم

الاحصاء الحيوي **Biostatistics**



المحاضرة الرابعة

3. العينة العشوائية الطبقية stratified random sample: يتم

في هذه الطريقة تقسيم المجتمع إلى عدة مجموعات نسمي كل منها طبقة تشترك بنفس الخواص (الجنس، العمر، ...).

المبدأ: يتم في هذه الطريقة تقسيم المجتمع غير المتجانس إلى عدة مجموعات (طبقات) تتسم كل منها بدرجة عالية من التجانس الداخلي

الاسلوب: وتتم المعالجة داخل كل طبقة بطريقة المعالجة العشوائية

الشرط: عدم تجانس المجتمع المدروس

الخطوات المتبعة لإختيار العينة الطبقية

1. تحديد عوامل السُحْب الطبقية مثل (جنس، عُمر، دخل، الخ.)
2. قسّم كامل المجتمع إلى الطبقات وهي عبارة عن مجتمعات جزئية (sub populations) بالاستناد الى العوامل والمعايير الطبقية وبحجوم للطبقات قد تختلف فيما بينها .
3. إختَر العددَ الضروري من الوحدات التي تستعمل كعينة عشوائية بسيطة أو عينات منتظمة من كل مجتمع جزئي وان العدد الضروري قد يعتمدُ على حجوم المجتمع الجزئية..

نسمي كل منها طبقة تشترك بنفس الخواص (الجنس، العمر،

عدد مفردات الطبقة x

عدد المفردات من كل طبقة = * حجم العينة المطلوبة

عدد مفردات كل الطبقات في المجتمع

$$n_{\text{starte}} = \frac{n_k}{N} * n_m$$

مثال : ترغب إدارة جامعة المنارة اختيار لجنة من طلاب الجامعة بحجم 50 طالب وطالبة اذا علمت ان عدد طلاب الجامعة للعام 2020-2019 1250 طالب وطالبة

حدد عدد الطلاب من كل كلية اذا ان عدد الطلاب في الكليات وفق الجدول الاتي:

الكلية	الصيدلة	الإدارة	الهندسة	الأداء
عدد الطلاب	545	280	390	35

545

عدد الطلاب من الصيدلة = 50* = 22 طالب وطالبة وهكذا بالنسبة لباقي الكليات

1250

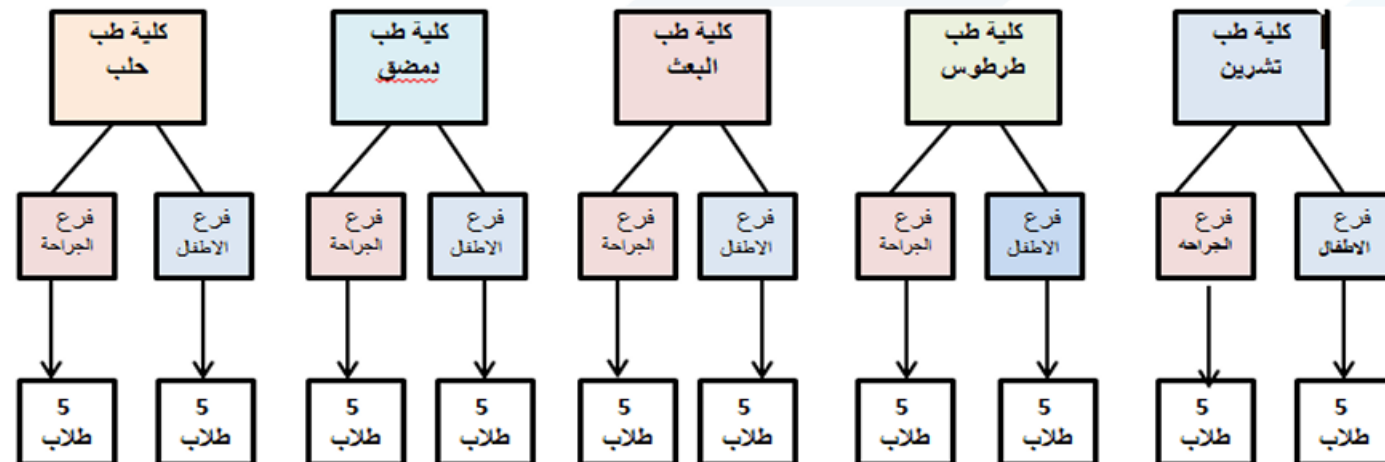
وفق الجدول الاتي

الكلية	عدد طلاب الكلية	عدد الطلاب من كل كلية
الصيدلة	545	22
إدارة الأعمال	280	11
الهندسة	390	16
الأداء	35	2
المجموع	1250	نتيجة تقريب الأرقام 51

4. العينة العشوائية العنقودية **cluster random sample**: يتم في هذه الطريقة تقسيم المجتمع إلى مقاطع، بعدها يتم اختيار بعض هذه المقاطع عشوائياً ومن ثم نختار جميع العناصر من تلك المقاطع.

1- العينة العنقودية متعددة المراحل Multi-stage cluster sample

تعتبر المعاينة العنقودية احد الآليات التي يمكن استخدامها لاختيار العينات من خلال تقسيم المجتمع الى مجموعات او عناقيد على سبيل المثال نريد التعرف على مستوى التعليم الطبي في سورية فنختار 5 كليات طب ومن كل كلية فرعين ومن كل فرع 5 طلاب



العينات غير الاحتمالية non probability sampling:

* هي العينات التي يتم اختيار عناصرها بطريقة غير عشوائية، حيث يقوم الباحث باختيار عناصر العينة بالصورة التي تحقق الهدف من المعاينة، مثل اختيار عينة من المزارع التي تنتج التمور من النوع السكري، وأهم أنواع العينات غير الاحتمالية:

1. **العينة العمدية purposive sample:** يتم اختيار الحالات بناء على هدف خاص لدى الباحث. مثال تحليل محتوى مجلة محددة، دراسة متعمقة لبعض حالات التخلف العقلي.

2. **العينة الحصصية quota sample:** تتطلب معرفة مسبقة لمجتمع الدراسة من حيث تكوين المجموعات داخله، وعملية الاختيار في كل مجموعة لا ترتبط بقواعد معينة ولكن لقناعة الباحث بشرط أن تمثل كل مجموعة في العينة حسب تمثيلها في مجتمع الدراسة. مثال تحديد الباحث فئات المجتمع (ذكور وإناث) ثم يختار عدد ثابت من كل فئة إذ يقرر اختيار عشرة ذكور وخمس إناث

8- ترتيب وتبويب البيانات:

هي عبارة عن تنظيم البيانات بعد تفريغها من الاستبيان في صورة جداول رقمية بحسب المتغيرات المراد دراستها بصورة تسهل عملية التحليل الرياضي و الإحصائي وفق المنهجية المحددة مسبقاً وتفسير النتائج أو استنباط جداول أخرى وفق مقاييس زمانية ومكانية أو بحسب فروض جديدة.

والتبويب والترتيب بالتعريف عبارة عن تنظيم البيانات في صورة أسطر أو أعمدة ضمن مجالات متجانسة مقرونة بمفرداتها الإحصائية التي تشترك بصفة معينة أو أكثر. وعادة التبويب يرتبط ارتباطاً وثيقاً بالمنهج المتبع وطرق التحليل والإمكانات التقنية المتوافرة وطبيعة الظاهرة والبيانات والهدف المرجو من البحث.

9: تحليل البيانات الإحصائية :

يرتبط التحليل الإحصائي بالهدف وطبيعة البيانات وخصائصها والوصف الإحصائي للبيانات رقمياً أو بيانياً، يمهد تمهيداً سليماً للتحليل الإحصائي المعمق والمناسب لأنه يوضح الخصائص الإحصائية للظاهرة. وبقدر ما يشعر الباحث أنه كلما غالى في اختيار الطرق الإحصائية المتناهية الدقة أمكنه الوصول إلى نتائج دقيقة.

10: تفسير نتائج التحليل:

تعدّ عملية تفسير النتائج الإحصائية بالغة الأهمية في علم الإحصاء وأفضل تفسير تلك المعبر عنه بصفة رياضية ويجب ألا يتجاوز التفسير حدوده، وعلى الباحث أن يلتزم حدود نتائجه العلمية دون مبالغة أو زيادة حتى لا يضل القارئ في فهم نتائجه وبصورة عامة يجب أن يكون التفسير جواباً دقيقاً وصريحاً للمشكلة المقدّمة واختباراً دقيقاً لدقة الفروض المقدّمة في بداية التحليل الإحصائي.

11: القرار الإحصائي:

يبدأ التقرير الإحصائي من حيث بدأت المشكلة باختيارها وصياغتها وينتهي إلى حيث انتهت بالتحليل والتفسير النهائي، أي أنه يسجل خطوات البحث في تطورها خطوة تلو الخطوة ليكون بذلك أقرب إلى الموضوعية العلمية والتنظيم المنطقي ويشترط في القرار الإحصائي الوضوح والإيجاز والموضوعية مراحل أو خطوات البحث الإحصائي .

طرق عرض البيانات الإحصائية

إنَّ البيانات التي نحصل عليها قد تكون على أشكال مختلفة، فمنها على شكل قيم عددية مُفردة، وبعضها الآخر قد يُعرض تغيُّر ظاهرةٍ ما مع مرور الزمن أو مع مسمَّيات كالبلدان، أو المدن، أو مع كليهما معاً، وبعضها الآخر قد يكون مجمَّعاً في جداول. لذلك سنبحث في تنظيم البيانات وفق اتجاهين:

الأول: يهتم بتنظيم البيانات المُفردة التي تنتج مباشرة عن الدراسة الإحصائية (كميَّة كانت أم نوعيَّة) في جداول تُدعى الجداول التكرارية، ومن ثمَّ تمثيل هذه البيانات في عروض بيانية مناسبة.

الثاني: يهتم بتجميع البيانات المُفردة الكميَّة فقط في جداول من نوع خاص تُدعى جداول التوزيع التكرارية، حيث يُقال عن البيانات المقدَّمة بهذه الجداول إنَّها بيانات مجمَّعة (أو مبوَّبة، أو مجدولة)، ومن ثمَّ تمثيل بيانات هذه الجداول في عروض بيانية مناسبة.

وصولاً إلى الهدف المنشود ولذلك يجب ترتيبها أو تبويبها في مجالات بأسلوب معين يضمن معه المحافظة على البيانات دون حذف مغل بجوهرها

وفيما يلي أهم أنواع التبويب:

- 1- التبويب حسب مؤشر نوعي واحد: مثال تبويب السكان بحسب المهنة أو الحالة التعليمية.
- 2- التبويب حسب مؤشر كمي واحد : مثال تبويب الطلاب بحسب معدلات النجاح أو بحسب الأطوال أو الأوزان.
- 3- التبويب حسب مؤشرين كميين: مثال توزيع الطلاب في كلية بحسب الطول والوزن.
- 4- التبويب حسب مؤشرين نوعيين مثال توزيع الطلاب حسب لون العيون والشعر.
- 5- التبويب حسب مؤشرين واحد كمي والآخر نوعي مثال توزيع الطلاب حسب الطول والجنس.
- 6- التبويب التحليلي: وهو تبويب كمي يطبق على أحد مؤشرين مرتبطين يمثل أحدهما المؤشر المتحول والآخر المؤشر التابع ويستخدم هذا النوع من التبويب لإظهار العلاقات الارتباطية بين المؤشرين

7- التَّبْوِيب الجغرافي وهو عبارة عن تبويب أو ترتيب البيانات الإحصائية حسب مكان حدوثها أو المتعلقة بموقع مكاني جغرافي محدد خلال فترة زمنية معينة.

8- التَّبْوِيب الأبجدي عبارة عن ترتيب وتبويب البيانات الإحصائية المتعلقة بظاهرة ما حسب الأحرف الأبجدية

البيانات الخام :

لدى تنفيذ دراسة إحصائية معينة حول ظاهرة ما وجمع البيانات حول هذه الظاهرة تنتج لدينا بيانات مُفْرَدَة تُدعى **بيانات خام**.

إذا كان عدد البيانات صغيراً فإنه يمكن التعامل مع هذه البيانات بشكل مباشر (مع كل قيمة على انفراد) لدراستها، وأما إذا كان عدد البيانات كبيراً نسبياً، فإنه قد يكون من الصعب التعامل معها بشكل مباشر، ولذلك لا بدّ من تقديم طرائق تسهل التعامل مع هذه البيانات كي يتم الاستفادة منها بأقصى

طرق العرض الجدولي للبيانات الإحصائية

الجدول الإحصائي عبارة عن ترتيب منظم للبيانات الإحصائية في صورة صفوف وأعمدة بقصد إبراز أهمية تلك البيانات ولتسهيل المقارنة فيما بينها كهذا يعد إعداد الجدول الإحصائي من أهم مراحل تحليل البيانات الإحصائية لأنه مرتبط ارتباطاً وثيقاً بطبيعة البيانات -الهدف المنشود- طبيعة الظاهرة -والتقنيات المستخدمة في التحليل الرياضي.

المتغير X_i	التكرار المطلق n_i
x_1	n_1
x_2	n_2
.	.
.	.
.	.
x_k	n_k
المجموع $\sum$	$N = \sum n_i$

تضع في هذه
الخانات عدد
المفردات المقابلة
لكل صفة أو قيمة
أو فئة للمتغير
الإحصائي

في حالة متغير كمي نضع
في هذه الخانات صفة
المتغير.
في حالة متغير كمي منفصل
نكتب قيم المتغير ويجب
أن ترتب تصاعدياً أو تنازلياً.
في حالة متغير كمي متصل
نكتب قيم المتغير على

أنواع الجداول الإحصائية:

1- الجداول الإحصائية العامة:

وتشمل تلك الجداول التي تكتفي برصد البيانات فيها فقط دون الرغبة بتحليلها وتعدّ مرجعاً سهلاً للباحثين مثال ذلك المجموعات الإحصائية الرسمية أو المجموعات الإحصائية الخاصة (جداول التعداد جداول المواليد والوفيات والتقارير الإحصائية تقارير منظمة الصحة العالمية- نقابة الصيادلة شركات تصنيع الادوية

2- الجداول الإحصائية الخاصة:

وتشمل الجداول التي يشكلها الباحث، انطلاقاً من الجداول العامة السابقة الذكر بقصد إجراء بحث معين يبرز أهمية ظاهرة معينة في صورة مبسطة

3- الجداول البسيطة: وهي عبارة عن جداول تستخدم الترتيب أو التبويب لظاهرة معينة واحدة زماناً أو مكاناً

جدول 1: توزع الطلاب في جامعة ما حسب الزمة الدموية خلال فترة زمنية معينة:

الزمة الدموية	عدد الطلاب
O+	650
B	280
A	190
A-	175

- **الجدول المزدوج:** عبارة عن جداول بسيطة تستخدم الترتيب أو تبويب البيانات لظاهرة معينة والتي يمكن تقسيمها إلى مجموعتين أو جزأين مع الزمان أو المكان.

جدول 2 : توزيع الطلاب الجامعة حسب الكليات والجنس مع الزمن:

كليات الطب البشري		كليات الصيدلة		الأعوام
إناث	ذكور	إناث	ذكور	النوع
580	1020	200	250	2021-2020
720	1200	300	400	2023-2022
850	1300	400	600	2024-2023

5- **الجدول المركبة:** عبارة عن جداول تستخدم لتبويب البيانات أو لتبويب مؤشر كمي واحد أو أكثر متفرع إلى مؤشرات جزئية أخرى

جدول 3: يبين عدد الطلاب في الجامعات السورية فرضي

عدد الطلاب / ألف طالب						
متخرجون		طلاب قد		مستجدون		الجامعات
إناث	ذكور	إناث	ذكور	إناث	ذكور	
4041	4584	43136	48853	8657	8115	دمشق
1587	2765	178876	31138	4735	6573	حلب
2014	1410	20581	14267	4737	3641	تشرين

6- **الجدول التفضيلية:** عبارة عن جداول ترتب فيها المتغيرات المدروسة وتعطى ترتيباً معيناً أو يقوم الباحث بإعطاء ترتيب معين.

جدول 4 : ذلك تفضيل مجموعة من الكلية لأقسام كلية الاقتصاد كما يلي:

الأقسام الطلاب	صيدلة	طب بشري	طب اسنان	ادارة مشافي	تمريض
AA	1	2	3	4	5
BA	5	2	4	3	1
CC	4	5	1	4	2

(مثال فرضي)

7- جداول التشابه: عبارة عن جداول ترتب فيها الموضوعات أو المتغيرات حسب درجة قرابتها أو تشابهها مع بعضها البعض والتي تتراوح قيمتها بين الصفر والواحد. كما في المثال الآتي:

مثال جدول يبين التشابه بين فعالية بعض الادوية من شركتين (فرضي)

الشركة M_1 الشركة M_2	A	B	C	D	E
A	0.3	0.7	0.8	0.1	0.9
B	0.1	0.9	0.2	0.4	0.6
C	0.2	0.4	0.8	0.6	0.7
D	0.6	0.8	0.3	0.9	0.2
E	0.4	0.5	0.7	0.5	0.6

3- الشروط الواجب توافرها في الجدول الإحصائي:

1. رقم الجدول: يوضع لكل جدول رقم معين ويتم ترقيم الجداول إما بشكل.
2. عنوان الجدول: يجب أن تكون لكل جدول عنوان كامل ومختصر يفسر محتوياته
3. -عناوين الخانات: يجب أن تكون الخانات مرتبة ومختصرة سواء للخانات الرأسية أو الأفقية
4. - خانة المجموع: يجب أن يتضمن الجدول خانة للمجموع الأفقي أو العمودي وللمجموع الإجمالي.
5. - الوحدات المستعملة يفضل تحديد الوحدات المستعملة في البيانات وتكتب عادة تحت عنوان الخانة
6. - مصدر البيانات إن تحديد مصدر البيانات أمر ضروري جداً يحدّد مدى الوثوق فيها
7. المذكرات التفسيرية توضع هذه المذكرات عادة تحت الجدول مباشرة وفوق المصدر على أن توضع برموز أو بحروف، وليس بأرقام منعاً للالتباس
8. ترتيب البيانات: يساعد ترتيب البيانات على سهولة فهم وتحليل بيانات الجدول وإمكانية المقارنة فيما بينها
9. البساطة يجب أن يتصف الجدول الإحصائي بالبساطة ويجب أن يكون الجدول الإحصائي مغلقاً
10. يفضل أن يكتب وترتب الجداول بنمط واحد في جميع أجزاء التقرير
11. تفضل الجداول الإحصائية المربعة الشكل قدر الإمكان.

شكراً لكم على حسن الاستماع

الاحصاء الحيوي **Biostatistics**



المحاضرة الخامسة

طرق عرض البيانات الإحصائية النوعية:

1- عرض البيانات النوعية (الاسمية):

إن البيانات النوعية (*données qualitatives*) والتي تشتمل على متغير واحد من المستوى الاسمي، يمكن تبويبها بسهولة ويسر، نظراً لأنها تكون مصنفة في أقسام متميزة أثناء عملية جمعها
جدول (2) : تكرارات مجموعة من الأفراد بحسب متغير الحالة الاجتماعية

التكرارات	الحالة الاجتماعية
30	أعزب
52	متزوج
7	مطلق
11	أرمل
100	مجموع

إذا رغب الباحث المقارنة بين توزيعي مجموعتين مختلفتين في العدد الكلي لأفرادهما بالنسبة لمتغير اسمي معين، فعندئذ لا تجوز المقارنة باستخدام التكرارات وإنما ينبغي إيجاد النسب المئوية لتكرارات الأقسام لكل من المجموعتين وبحسب التكرار النسبي المئوي كما يلي:

- التكرار النسبي = تكرار الفئة / مجموع التكرارات
- التكرار المئوي = التكرار النسبي $\times 100$

مثال : جدول يبين تقديرات 60 طالب في الاحصاء 1

عدد مرات الإصابة	التعداد	التكرار	التكرار النسبي	التكرار المئوي
0	###	8	$8/40 = 0.20$	$0.20 \times 100 = 20 \%$
1	### ### ###	18	$18/40 = 0.45$	$0.45 \times 100 = 45 \%$
2	### ###	12	$12/40 = 0.30$	$0.30 \times 100 = 30 \%$
3		2	$2/40 = 0.05$	$0.05 \times 100 = 5 \%$
Total		40	1	100 %

نفترض لدينا مجموعتين من الأفراد إحداهما تشتمل على 100 فرد والأخرى تشتمل على 200 فرد وإذا أدرنا المقارنة بين تكرارات أقسام متغير الحالة الاجتماعية لكل من المجموعتين لا بد من حساب التكرارات النسبية المئوية



ثانياً: الجدول التكراري النسبي والجدول التكراري المئوي للبيانات الوصفية:

نهتم كثيراً بمعرفة التكرارات النسبية والتكرارات المئوية لكل فئة من فئات الجدول التكراري. فمعرفتنا بالتكرار النسبي للفئة أكثر فائدة من مجرد معرفة التكرار.

تعريف

نعرف التكرار النسبي والتكرار المئوي للفئة كما يلي:

أ- التكرار النسبي للفئة = تكرار الفئة ÷ عدد البيانات

= تكرار الفئة ÷ مجموع التكرارات

ب- التكرار المئوي للفئة = التكرار النسبي × 100%

مثال:

أوجد الجدول التكراري النسبي والجدول التكراري المئوي في مثال

الحل:

الفئة أو الصفة (التقدير)	التكرار (f)	التكرار النسبي = f/n	التكرار المئوي = $(f/n) * 100\%$
A	6	$6/60 = 0.100$	10.0%
B	8	$8/60 = 0.133$	13.3%
C	16	$16/60 = 0.267$	26.7%
D	22	$22/60 = 0.367$	36.7%
E	8	$8/60 = 0.133$	13.3%
المجموع	$n = 60$	1.000	100%

التوزيعات التكرارية غيرالمبوبة

Ungrouped Data

التوزيع التكراري:

هو وسيلة لتنظيم وتجميع الدرجات أو القياسات أو البيانات بشكل منظم في مجموعات، ومن شأن هذا التنظيم أو التجميع تلخيص بيانات التوزيع في عدد محدود من هذه المجموعات لتسهيل معالجتها رياضياً. ولإنشاء جدول التوزيع التكراري غير المبوب ترتب الدرجات ترتيباً تنازلياً أو تصاعدياً ويسجل عدد مرات تكرار كل درجة منها.



• عرض البيانات عن طريق الجداول

التوزيع (الجدول) التكراري النسبي		
الدرجة x	التكرار f	التكرار النسبي $\bar{f}$ ($f / \sum f =$)
92	2	$2/20 = 0.1$ or $0.1 \times 100 = 10\%$
93	2	$2/20 = 0.1$ or $0.1 \times 100 = 10\%$
94	3	$3/20 = 0.15$ or $0.15 \times 100 = 15\%$
95	6	$6/20 = 0.3$ or $0.3 \times 100 = 30\%$
96	1	$1/20 = 0.05$ or $0.05 \times 100 = 5\%$
97	1	$1/20 = 0.05$ or $0.05 \times 100 = 5\%$
98	1	$1/20 = 0.05$ or $0.05 \times 100 = 5\%$
99	3	$3/20 = 0.15$ or $0.15 \times 100 = 15\%$
100	1	$1/20 = 0.05$ or $0.05 \times 100 = 5\%$
$\sum f = 20$		$\sum \bar{f} = 1$ or $\sum \bar{f} = 100\%$

التوزيع (الجدول) التكراري		
الدرجة x	العلامات	التكرار f
92		2
93		2
94		3
95		6
96		1
97		1
98		1
99		3
100		1

مجموع التكرارات (الطلاب) $\sum f = 20$

جداول التوزيع التكراري لبيانات مبوبة: *Grouped data*

التبويب : عبارة عن مجموعات من المتغيرات المتجانسة التي تتميز بحد أدنى وحد أعلى لمدى هذا التجانس أما التكرارات فهي عدد المفردات التي تندرج تحت فئة معينة من هذه الفئات

- خطوات إعداد جدول التوزيع التكراري:

- 1- ترتيب البيانات ترتيباً منتظماً تصاعدياً أو تنازلياً.
- 2- حساب المدى الكلي : وهو الفرق بين أكبر وأصغر قيمة في قيم التوزيع أي:
المدى الكلي = أكبر قيمة - أصغر قيمة

$$R = X_{\max} - X_{\min}$$

3- حساب عدد المجالات (الفئات) ويتم عادة باستخدام إحدى المعادلتين التاليتين:

أ- معادلة سترجس وتعطى بالعلاقة التالية:

$$K = 1 + 3.322 \log (n)$$

٤- تعيين مراكز الفئات Class Centers:

إنَّ مركز الفئة يساوي نصف مجموع حديها الأعلى والأدنى (أية فئة كانت العملية أو الفعلية)، ويُنظر إلى هذه القيمة (أي إلى مركز الفئة) على أنَّها الممثل لكل البيانات التي ستنتهي إلى هذه الفئة، ولذلك سوف نلاحظ أنَّ لهذه القيمة دوراً مهماً جداً لدى حساب القيم العددية المميزة للبيانات المجمعة في جداول توزيع تكرارية.

الحد الأعلى + الحد الأدنى

مركز الفئة = -----

2



مثال :

في أحد البحوث التي أجريت لدراسة **مستوى الهيموجلوبين** قام الباحث باختيار عينة مكونة من خمسين شخصا فحصل على البيانات التالية:

17.0	17.7	15.9	16.2	16.2	17.1	15.7	17.3
14.6	15.8	15.3	16.4	13.7	16.2	16.4	16.1
14.0	16.2	16.4	14.9	17.8	16.1	15.5	18.3
15.9	15.3	13.9	16.8	15.9	16.3	17.4	15.0
14.2	16.1	15.7	15.1	17.4	16.5	14.4	16.3
16.3	15.9	16.7	15.1	15.8	13.5	17.0	15.8
17.5	17.3						

أوجد جدول التوزيع التكراري لبيانات مستوى الهيموجلوبين لهؤلاء الأشخاص باستخدام الفترات التالية:
12.95–13.95, 13.95–14.95, 14.95–15.95,
15.95–16.95, 16.95–17.95, 17.95–18.95.

الحل:

- أ- المتغير = مستوى الهيموجلوبين (متغير كمي).
 - ب- حجم العينة = عدد البيانات = $n = 50$.
 - ج- البيانات عبارة عن قيم مستوى الهيموجلوبين وهي بيانات كمية.
 - د- أكبر قيمة = 18.3 وأصغر قيمة = 13.5.
- نقوم بتلخيص البيانات السابقة في توزيع تكراري وفق الخطوات التالية:

1. جدول تفريغ البيانات:

مستوى الهيموجلوبين (فترة الفئة)	العلامات	التكرار (f) (عدد الأشخاص)
12.95 – 13.95		3
13.95 – 14.95		5
14.95 – 15.95		15
15.95 – 16.95		16
16.95 – 17.95		10
17.95 – 18.95		1

2. جدول التكراري لمستوى الهيموجلوبين:

مستوى الهيموجلوبين (فترة الفئة)	التكرار (f) (عدد الأشخاص)
12.95 – 13.95	3
13.95 – 14.95	5
14.95 – 15.95	15
15.95 – 16.95	16
16.95 – 17.95	10
17.95 – 18.95	1
المجموع	$n = 50$

مثال

لنفرض أن لدينا بيانات عددها $n=45$ ولنفرض أن هذه البيانات مسجلة إلى ثلاث خانات عشرية بحيث أن أصغر قيمة هي 2.517 وأكبر قيمة هي 2.548. والمطلوب هو تكوين الفترات التقريبية والفترات الفعلية بفرض أن الحد الأدنى للفترة التقريبية الأولى (الدنيا) هو $L_1 = 2.515$.

الحل:

من المعلومات المعطاة نستنتج ما يلي:

$$k = 1 + 3.322 \log(45) = 6.49 \approx 7$$

$$R = X_{\max} - X_{\min} = 2.548 - 2.517 = 0.031$$

$$u = 0.001$$

$$w = \frac{R}{k} = \frac{0.031}{7} = 0.004443 \approx 0.005$$

باستخدام القيمة المعطاة للحد الأدنى للفترة التقريبية الأولى (الدنيا) $L_1 = 2.515$ ، وباستخدام القوانين التالية:

$$U_i = L_i + 0.005 - 0.001 ; i = 1, 2, \dots, 7$$

$$L_i = U_{i-1} + 0.001 ; i = 2, 3, \dots, 7$$

$$L_i^* = L_i - \frac{0.001}{2} = L_i - 0.0005 ; i = 1, 2, \dots, 7$$

$$U_i^* = U_i + \frac{0.001}{2} = U_i + 0.0005 ; i = 1, 2, \dots, 7$$



نوجد الفترات التقريبية والفترات الفعلية كما في الجدول التالي:

الفترات الفعلية		الفترات التقريبية	
الحد الأدنى	الحد الأعلى	الحد الأدنى	الحد الأعلى
2.5145	2.5195	2.515	2.519
2.5195	2.5245	2.520	2.524
2.5245	2.5295	2.525	2.529
2.5295	2.5345	2.530	2.534
2.5345	2.5395	2.535	2.539
2.5395	2.5445	2.540	2.544
2.5445	2.5495	2.545	2.549

نلاحظ أن أصغر قيمة 2.517 تقع في الفترة الأولى (الدنيا)، وأكبر قيمة 2.548 تقع في الفترة الأخيرة (العليا). كما نلاحظ أن الفترات التقريبية غير متلاصقة (الفرق بين كل فترة والتي تليها مقدار وحدة دقة 0.001)، وأما الفترات الفعلية فهي متلاصقة.

(2-1-4) الجدول التكراري النسبي والجدول التكراري المئوي للبيانات الكمية:

كما مر معنا سابقًا، فإننا نعرف التكرار النسبي والتكرار المئوي للفئة كما يلي:

أ- التكرار النسبي للفئة = تكرار الفئة ÷ عدد البيانات

= تكرار الفئة ÷ مجموع التكرارات

ب- التكرار المئوي للفئة = التكرار النسبي × 100%

مثال:

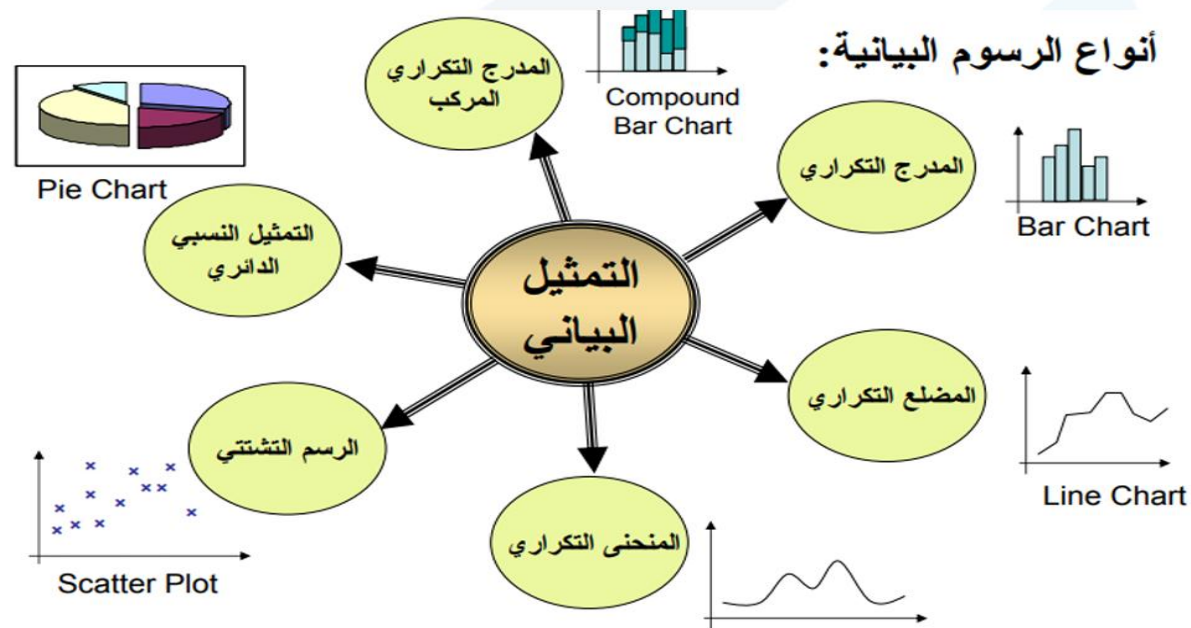
أوجد الجدول التكراري النسبي والجدول التكراري المئوي في مثال (.)

الحل:

مستوى الهيموجلوبين (فترة الفئة)	التكرار (f)	التكرار النسبي f/n	التكرار المئوي $(f/n) * 100\%$
12.95 – 13.95	3	$3/50 = 0.06$	6%
13.95 – 14.95	5	$5/50 = 0.10$	10%
14.95 – 15.95	15	$15/50 = 0.30$	30%
15.95 – 16.95	16	$16/50 = 0.32$	32%
16.95 – 17.95	10	$10/50 = 0.20$	20%
17.95 – 18.95	1	$1/50 = 0.02$	2%
المجموع	$n = 50$	1.00	100%

طرق العرض البياني للبيانات الإحصائية

Graphic Presentation



مقدمة:

العرض البياني (Graphic Presentation) عبارة عن تمثيل للقياسات أو البيانات المتعلقة بظاهرة معينة / نوعية – كمية/ بأشكال هندسية مرسومة حسب مقاييس معينة، لتوضيح سلوك هذه الظاهرة أو الصفة بالنسبة إلى عاملين مختلفين، بهدف إبراز بعض خصائص هذه الظاهرة أو لمقارنة قيم ظاهرة ما حسب المكان أو تطورها بحسب الزمن.

وأهم الشروط الواجب مراعاتها حتى تكون الأشكال الهندسية ذات فائدة أهمها:

- a. أن يكون لكل شكل بياني مهما كانت طبيعته عنواناً واضحاً ومختصراً.
- b. أن يعطى لكل شكل بياني رقم محدّد وفق طريقة ترقيم الأشكال المعتمدة.
- c. تحميل الظواهر أو رموزها على محاور الإحداثيات.
- d. يجب أن يحدّد وحدة القياس المستخدمة وكذلك توضيح المقياس المستخدم.

2-3 : طرق العرض البياني للبيانات الإحصائية:

a- الأعمدة البيانية البسيطة : Bar Charts :

عبارة عن مستطيلات ترسم بعرض واحد وبأطوال مختلفة، حيث يدل الارتفاع على كمية البيانات المراد دراستها، وعادة يترك فواصل فيما بينها بحيث لا يتجاوز عرض الفاصل بين كل مستطيلين عرض قاعدة المستطيل الواحد تستخدم هذه الأعمدة في الحالات التالية:

- المقارنة بين قيم ظاهرة واحدة حسب المكان أو تطوره حسب الزمن.

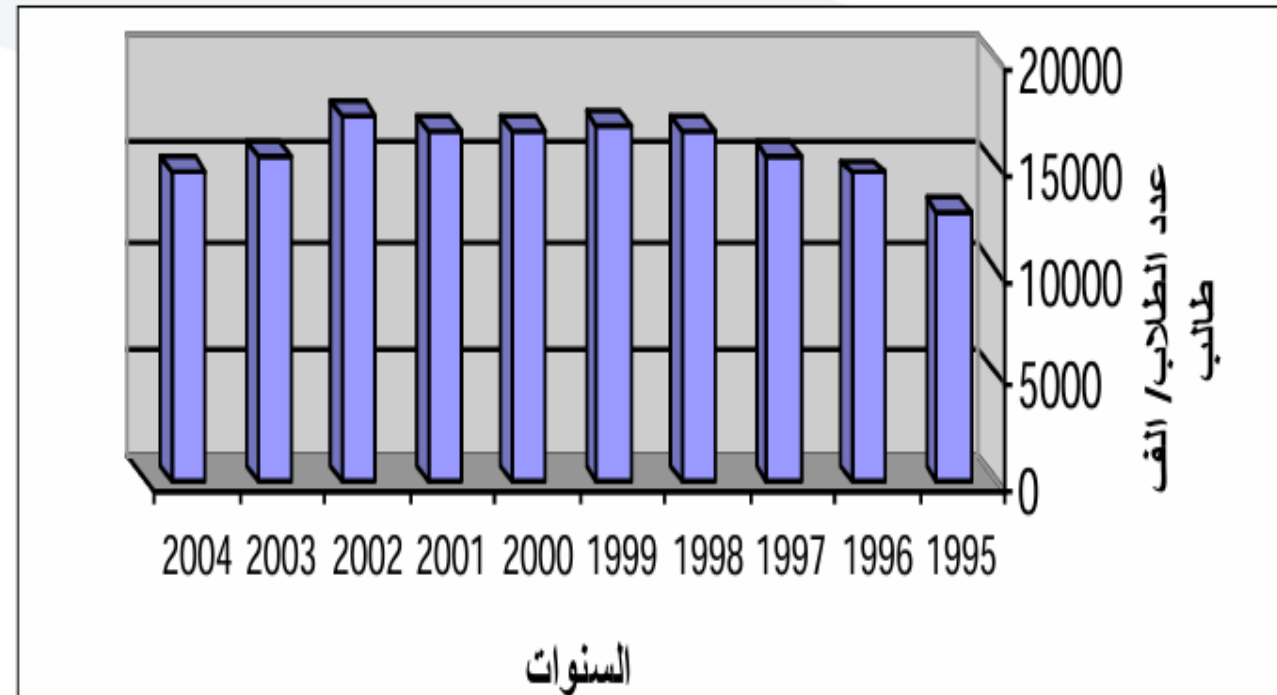
- المقارنة بين صفين أو أكثر.

- مقارنة مكونات الظاهرة في مكانين مختلفين أو فترتين مختلفتين.

جدول يبين أعداد الطلاب خريجي الجامعات السورية من 1995 ولغاية 2004

العام	1995	1996	1997	1998	1999	2000	2001	2002	2003	2004
عدد الطلاب	12800	14600	15400	16700	17000	16650	16755	17462	15500	14800

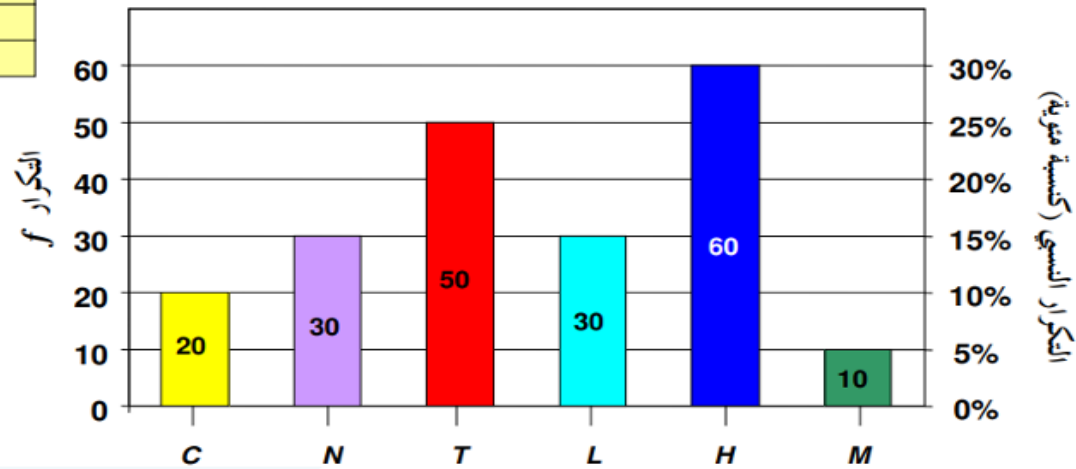
المطلوب : تمثيل هذه البيانات بواسطة الأعمدة البسيطة.



شكل 2: تمثيل البيانات بواسطة الاعمدة البيانية البسيطة

طريقة الأعمدة البسيطة

x	التكرار	النسبة المئوية
C	20	10%
N	30	15%
T	50	25%
L	30	15%
H	60	30%
M	10	5%



Windows ١٠

b- الأعمدة البيانية المزدوجة:

تستخدم إذا كان الهدف من الرسم هو مقارنة بين ظاهرتين أو أكثر ولعدة سنوات، أو إذا كان لدينا بيانات مزدوجة بخواص مختلفة،

يبين عدد الطلاب في قسم الاقتصاد، بحسب الجنس من عام 1998 ولغاية 2004

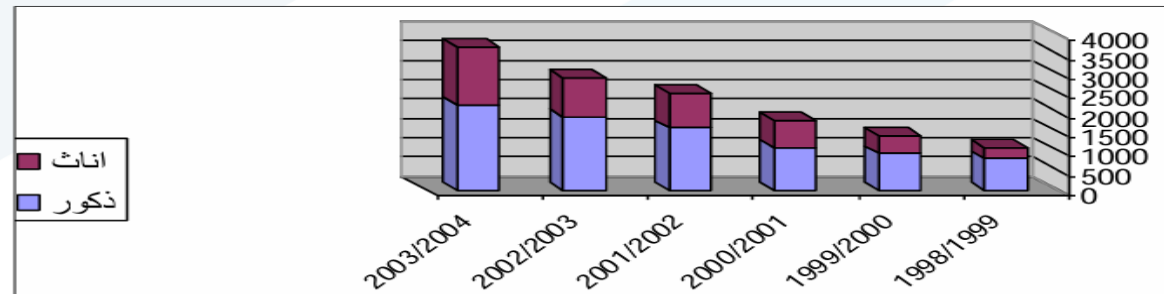
السنة	1998	1999	2000	2001	2002	2003	2004	مجموع
ذكور	800	950	1100	900	800	920	1200	
إناث	300	460	700	1200	1350	1450	1600	

- الأعمدة البيانية المقسمة (المجزأة):

تستخدم في نفس الحالات التي تستخدم فيها الأعمدة البيانية المزدوجة، ويتم الحصول عليها برسم عمود واحد يمثل جملة الظواهر محل الدراسة في كل سنة، كما في حالة الأعمدة البسيطة ثم نقسم كل عمود إلى مكوناته حيث يقاس كل جزء مع العدد الذي يمثله ونميز بين الأجزاء بالتظليل أو الألوان.

مثال لنعود إلى معطيات الأعمدة البيانية المزدوجة، والمطلوب تمثيلها سابقاً.

السنوات	1999/1998	2000/1999	2001/2000	2002/2001	2003/2002	2004/2003
ذكور	800	950	1100	1600	1900	2200
إناث	300	460	700	900	1000	1500



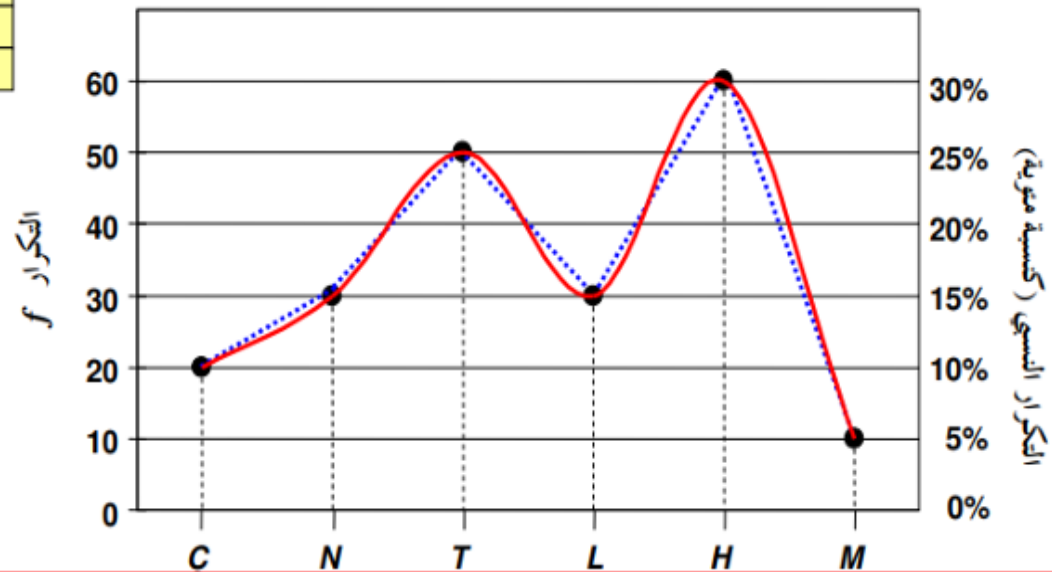
شكل 4: تمثيل عدد الطلاب بواسطة الأعمدة البيانية المقسمة. بحسب النوع.

طريقة المضلع أو المنحنى التكراري (التكراري النسبي)

x	التكرار	التكرار النسبي
C	20	10%
N	30	15%
T	50	25%
L	30	15%
H	60	30%
M	10	5%

المضلع

المنحنى



-2-3 المجسمات البيانية (الأشكال المساحية):

a- الدوائر البيانية:

تستخدم الدوائر أو أنصافها في كثير من الحالات في التمثيل البياني للبيانات الإحصائية، ويتم عرض البيانات بهذا الأسلوب إما بواسطة دوائر مستقلة أو تمثل البيانات على سطح دائرة واحدة، حيث يعزز الأسلوب الأخير تقسيم الدائرة أو نصف الدائرة وحتى ربع الدائرة إلى عدة أجزاء

-عندما يراد تمثيل البيانات على سطح دائرة واحدة فقط، يتم وفق الآتي: إن مساحة الدائرة تساوي 360 وهي تقابل النسبة المئوية 100% أي أن مساحة القطاع المخصص للفئة أ تقابل زاوية مقدارها $1/1$ درجة ونسبتها المئوية %p وبذلك يمكننا حساب الزاوية المقابلة للنسب المختلفة من العلاقة التالية:

$$yi = \frac{360^\circ \times pi \%}{100} = \frac{360^\circ \times 32.98}{100} = 118.7^\circ$$

أو الزاوية = $\frac{\text{عدد طلاب كل كلية}}{\text{الطلاب الإجمالي لكل كليات}} \times 360^\circ$
أو على سطح نصف دائرة:

$$yi = \frac{180^\circ \times pi \%}{100} = \frac{180^\circ \times 32.98}{100} = 59.36^\circ$$

أو الزاوية = $180^\circ \times X$

$$\frac{\text{عدد طلاب كل كلية}}{\text{عدد الطلاب الإجمالي لكل كليات}}$$

أو على سطح ربع دائرة

$$yi = \frac{90^\circ \times pi \%}{100} = \frac{90^\circ \times 32.98}{100} = 29.68^\circ$$

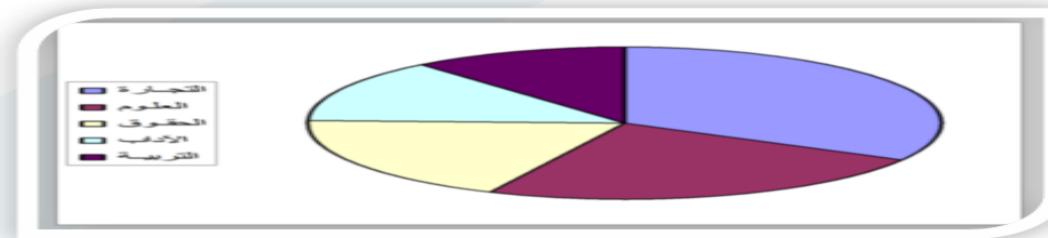
$$\frac{\text{عدد طلاب كل كلية}}{\text{الطلاب الإجمالي لكل كليات}} = \text{الزاوية}$$

مثال عدد طلاب بعض الكليات لعام 2000 والمطلوب تمثيلها بواسطة دائرة بيانية واحدة.

الكليات	العدد	Pi%	$Y^{\circ} = 360$	$Y^{\circ} = 180$	$Y^{\circ} = 90$
التجارة	12500	23.98	118.7	59.56	29.66
العلوم	9100	24	86.4	43.2	21.6
الحقوق	7000	18.70	64	33.66	16.83
الآداب	5100	13.6	48.45	24.22	12.11
التربية	4200	11	39.6	19.8	9.9
المجموع	37900	%100	360	180	90

المصدر : فرضي

ويمكن رسمها بيانياً وفق الأشكال التالية



- التمثيل البياني للتوزيعات التكرارية:

- طرق عرض بيانات التوزيعات التكرارية:

- 1- المدرج التكراري.
- 2- المضلع التكراري.
- 3- المنحني التكراري.
- 4- المدرج التكراري التجميعي الصاعد والهابط.
- 5- المنحني التكراري التجميعي الصاعد والهابط.

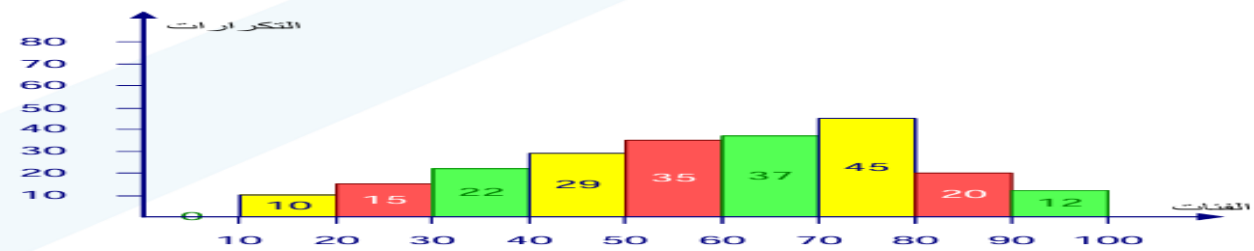
1- المدرج التكراري The histogram

يستخدم المدرج التكراري في تمثيل توزيع الدرجات أو القيم وذلك برسم شكل بياني على هيئة مستطيلات متلاصقة لأن المتغير متصل ومن المستوى الفئوي أو النسبي وعدد المستطيلات يساوي عدد فئات التوزيع، وقاعدة كل منها هي الجزء الذي يمثل طول الفئة، وارتفاعه يمثل التكرار، والمساحة الكلية للمستطيلات تتناسب مع التكرار الكلي للتوزيع ولرسم المدرج التكراري، نرسم محورين متعامدين يمثل المحور الأفقي (السيئي) فئات الدرجات، والخط أو المحور العمودي (الصادي) يمثل التكرارات (n_i).

يبين الجدول التوزيع التكراري لدرجات 225 طالباً في الإحصاء الحيوي

الفئات	التكرارات n_i
20-10	10
30-20	15
40-30	22
50-40	29
60-50	35
70-60	37
80-70	45
90-80	20
100-90	12
مجموع التكرارات	225

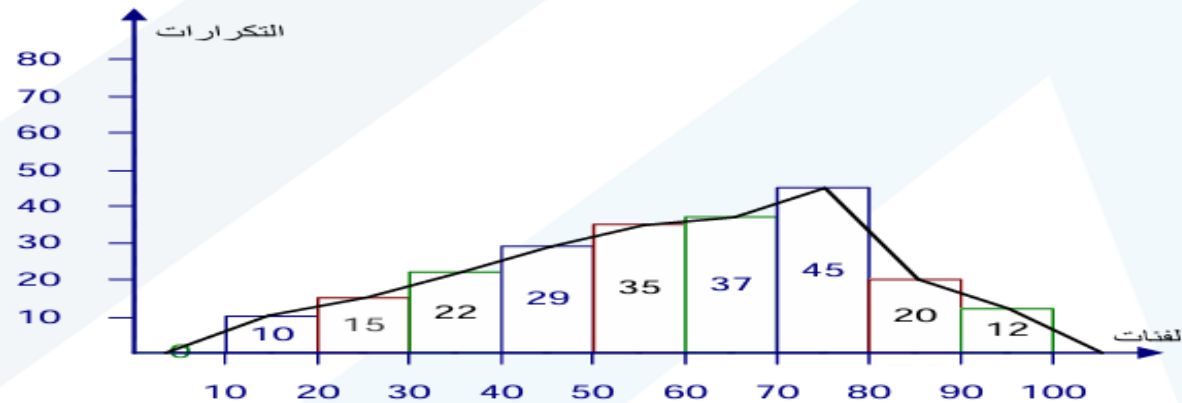
المطلوب: رسم المدرج التكراري لهذه الدرجات.



شكل 8: المدرج التكراري لدرجات 225 طالباً في الإحصاء

- المضلع التكراري : Polygon de frequence :

نجد أن تكرار كل فئة مركّز في منتصف الفئة وهذا هو الفرق بين المدرج التكراري والمضلع التكراري. ولرسم المضلع التكراري نقوم برسم محورين متعامدين كما سبق في حالة المدرج التكراري ولكن يجب هنا أن نضيف فئتين إحداهما تسبق الفئة الدنيا والأخرى تعقب الفئة العليا. وتعدّ تكرار كل منها صفر، ثم نعين نقاط تناظر تكرار كل فئة (بما في ذلك الفئتان اللتان تكرار كل منها صفر) فوق منتصف كل فئة. وبعدها نصل بين هذه النقاط بخط منكسر، المضلع التكراري هو الخط المنكسر الواصل بين منتصفات القواعد العليا للمدرج التكراري والممتد من إحدى ناحيته إلى منتصف الفئة السابقة للتوزيع. ومن الناحية الأخرى إلى منتصف الفئة التي تعقب فئات التوزيع. وبذلك يكون المضلع التكراري مقفلاً وتكون مساحته مساوية بالضبط لمساحة المدرج التكراري. مثال:



الاحصاء الحيوي **Biostatistics**



المحاضرة السادسة

مقاييس النزعة المركزية

تستخدم مقاييس النزعة المركزية ومقاييس التشتت لوصف خصائص البيانات

فمقاييس النزعة المركزية تصف مدى تركز البيانات حول قيمة معينة مما يسمح باستخدام هذه القيمة المركزية لتمثل البيانات ومقاييس النزعة المركزية أنواع منها الوسط الحسابي والوسيط والمنوال وأي منهم يفضل على الآخر في حالات، وبصورة عامة المقياس يكون جيد اذا توفرت فيه كل أو معظم الصفات التالية

أ- أن يأخذ كل المشاهدات في الاعتبار

ب- اذا كان سهل الحساب

ت- ان يكون قابل للحساب الجبري

ث- ان لا يتأثر بالقيم المتطرفة

الوسط الحسابي

- يعرف أيضا بالمتوسط، ويرمز له ب $\bar{X}$ تقرأ X بار
- الوسط الحسابي من المفردات:-
- اذا كان لدينا المفردات التالية

$$X_1 \quad X_2 \quad X_3 \quad X_4 \quad X_5 \quad \dots X_n$$

فإن الوسط الحسابي لهذه المفردات = مجموع المفردات
عدد المفردات

$$\bar{X} = \frac{\sum x}{n}$$

حيث

$\sum x$ تمثل مجموع المشاهدات أو المفردات

n تمثل عدد المشاهدات

يستخدم الوسط الحسابي في المعايرة كما يستخدم في مقارنة المجموعات اذا كانت متجانسة

مثال

أحسب الوسط الحسابي للبيانات التالية:

6	8	11	14	21	-1		
9	11	22	24	7	19	6	-2

الحل

$$\overline{X} = \frac{\sum x}{n}$$

$$\frac{6+8+11+14+21}{5} = \frac{60}{5} = 12$$

-1

$$\frac{9+11+22+24+7+19+6}{7} = \frac{98}{7} = 14$$

-2

مثال

أحسب الوسط الحسابي للبيانات التالية:

-1	4	5	7	3	8	9
-2	5	7	3	8	9	100

ماذا تلاحظ

الحل

1-
$$\overline{X} = \frac{\sum x}{n}$$
$$\frac{9+8+3+7+5+4}{6} = \frac{36}{6} = 6$$

2-
$$\frac{9+8+3+7+5+100}{6} = \frac{132}{6} = 22$$

نلاحظ التغير الكبير في الوسط الحسابي بسبب تغير مفردة واحدة وتعتبر هذه المفردة بعيدة عن بقية المفردات أي شاذة عنها أي ان الوسط الحسابي تأثر بالقيمة الشاذة.

تنبيهات

- لا يشترط ان تكون قيمة الوسط الحسابي موجودة ضمن المشاهدات او المفردات فقد تكون موجودة أو غير موجودة ولكن يجب أن تكون قيمة الوسط الحسابي محصورة بين أصغر وأكبر مفردة
- الفرق بين أي مفردة والوسط الحسابي يسمى بانحراف المفردة عن الوسط ومجموع انحرافات المفردات عن الوسط دائما يساوي صفر أي أن

$$\sum (x_i - \bar{x}) = 0$$

الوسط الحسابي المرجح

في بعض الاحيان تكون هنالك مفردات او مشاهدات أكثر أهمية من غيرها فمثلا اذا كان لدينا المفردات التالية

$x_1 \quad x_2 \quad x_3 \quad x_4 \quad x_5 \quad \dots x_m$

وكان لكل منها وزن معين كما يلي

$w_1 \quad w_2 \quad w_3 \quad w_4 \quad w_5 \quad \dots w_m$ فان الوسط الحسابي يحسب بالقانون

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^m w_i x_i}{\sum_{i=1}^m w_i}$$

الوسط الحسابي من الجداول التكرارية

يحسب الوسط الحسابي من الجداول التكرارية أو ما يعرف بالبيانات المبوبة
بالقاعدة التالية

$$\bar{X} = \frac{\sum fx}{\sum f}$$

حيث $\sum fx$ تمثل مجموع حاصل ضرب التكرارات في مراكز الفئات
 $\sum f$ تمثل مجموع التكرارات
 x تمثل مراكز الفئات

يعتمد هذا القانون على الجداول المنتظمة فقط اما في حالة الغير منتظمة يفضل استخدام التكرار المعدل

مثال

البيانات التالية توضح التوزيع العمري لأسرة مكونة من خمسة عشر فرداً
أحسب متوسط عمر العائلة

21-17	-13	-9	-5	-1	الفئات العمرية c
1	4	3	4	3	عدد الافراد f

الحل

الوسط الحسابي من الجداول يحسب بالقانون

$$\bar{X} = \frac{\sum fx}{\sum f}$$

$$\bar{X} = \frac{149}{15} = 9.933 \text{ سنة}$$

f.x	x	f	c
9	3	3	-1
28	7	4	-5
33	11	3	-9
60	15	4	-13
19	19	1	21- 17
149		15	المجموع

مثال

البيانات التالية تمثل انتاج مصنع أسمنت الجنوب خلال 18 شهر حيث
الانتاج بآلاف الاطنان أحسب متوسط الانتاج

الشهور	كمية الانتاج
2	-1
4	-5
6	-9
4	-13
2	21-17

الحل

الوسط الحسابي من الجداول يحسب بالقانون

$$\bar{X} = \frac{\sum fx}{\sum f}$$

$$\bar{X} = \frac{198}{18} = 11$$

طن

f.x	x	f	c
6	3	2	-1
28	7	4	-5
66	11	6	-9
60	15	4	-13
38	19	2	21-17
198		18	المجموع

مثال

أحسب متوسط البيانات التالية

f	c
5	6-2
4	11-7
6	16-12
3	21-17
2	22-فأكثر

الحل

يجب أولاً اغلاق الجدول بأخذ طول الفئة السابقة حتى نستطيع حساب الوسط الحسابي

$$\bar{X} = \frac{\sum fx}{\sum f}$$

$$\bar{X} = \frac{245}{20} = 12.25$$

f.x	x	f	c
20	4	5	6-2
36	9	4	11-7
84	14	6	16-12
57	19	3	21-17
48	24	2	26-22
245		20	المجموع

مزاياء و عيوب الوسط الحسابي

أولاً مزايا الوسط:

- يأخذ كل المشاهدات في الاعتبار
- سهل الحساب
- يفضل الوسط في حالة البيانات المعتدلة وفي حالة عدم وجود قيم متطرفة

ثانياً عيوب الوسط:

- يتأثر بالقيم أو المشاهدات الشاذة أو المتطرفة ويتأثر بعدد الدرجات ويميل للاستقرار كلما كان هذا العدد كبير (100 فأكثر)
 - لا يمكن حسابه من البيانات النوعية
 - لا يمكن حسابه في حالة الجداول المفتوحة
- ملحوظة: هنالك طرق أخرى لحساب الوسط الحسابي منها طريقة الوسط الفرضي ومنها طريقة الوسط الفرضي والعامل المشترك

واجب

• أحسب متوسط البيانات التالية

1- 6 8 2 4 6 12 15 12

2-

f	c
5	8-2
8	15-9
6	22-16
3	29-23
2	36-30

واجب

1- البيانات التالية تمثل الانتاج بمئات الأطنان لمزارع بمنطقة الباحة

5 7 8 32 12 4 9 15 6 13

حيث تكررت هذه الانتاجية في 100 مزرعة كما يلي وعلى الترتيب

12 10 11 6 11 14 9 8 14 5

أحسب متوسط الإنتاج

2- البيانات التالية تمثل انتاج أحد المصانع بمدينة جدة خلال 24 شهر حيث الانتاج

بآلاف الوحدات أحسب متوسط الانتاج

f	c
5	8-2
8	15-9
6	22-16
3	29-23
2	36-30

الاحصاء الحيوي **Biostatistics**



المحاضرة السابعة

الوسيط

• هو القيمة التي تتوسط القيم

الوسيط من المفردات : اذا كان لدينا المفردات التالية

$X_1 \quad X_2 \quad X_3 \quad X_4 \quad X_5 \quad \dots X_n$

لحساب الوسيط يجب أولاً ترتيب المفردات تصاعدياً أو تنازلياً، فإذا كان عدد

المفردات (n) فردي فإن رتبة الوسيط = $\frac{1 + n}{2}$

الوسيط هو المفردة التي تقع وسط المفردات بعد الترتيب

أما اذا كان عدد المفردات زوجي فإنه توجد مفردتين في الوسط رتبة المفردة الأولى

$\frac{2}{n}$ ورتبة الثانية $\frac{1 + n}{2}$ أي التي تليها

والوسيط في هذه الحالة = متوسط المفردتين (مجموع المفردتين على 2) عادة نرمز للوسيط ب M

مثال

• أحسب الوسيط فيما يلي:

-1 6 9 3 7 2

-2 100 6 9 3 2

-3 6 24 18 8 12 4

-4 12 15 12 6 4 2 8 6

-5 مقبول جيد راسب ممتاز جيد جدا

الحل

- 1- أولاً الترتيب 2 3 6 7 9 عددها فردي ثانياً رتبة الوسيط $\frac{n+1}{2}$ المفردة الثالثة ثالثاً الوسيط 6
- 2- الترتيب 2 3 | 6 9 100 رتبة الوسيط $(n+1)/2$ المفردة الثالثة اذن الوسيط 6 لاحظ ان الوسيط لم يتأثر بالقيمة الشاذة 100
- 3- الترتيب 24 18 12 8 6 4 عددها زوجي رتبة المفردة الاولى $(n/2)$ أي الثالثة ورتبة المفردة الثانية $(n/2 + 1)$ أي التي تليها الرابعة الوسيط $10 = \frac{(8+12)}{2}$

تابع للحل

4- الترتيب 15 12 12 8 6 6 4 2 عددها زوجي رتبة المفردة الاولى ($n/2$) أي الرابعة و التي تليها الخامسة اذن الوسيط $= (6+8/2) = 7$

5- الترتيب راسب مقبول جيد جيد جدا ممتاز
عددها فردي رتبة الوسيط $\frac{n+1}{2}$ ($\frac{5+1}{2}$) المفردة الثالثة

اذن الوسيط جيد

الوسيط من البيانات المبوبة

يحسب الوسيط من الجداول التكرارية بالقاعدة

$$M = L + \frac{\left(\frac{n}{2} - c_1\right)}{(c_2 - c_1)} * h$$

L تمثل الحد الأدنى للفئة الوسيطة

h تمثل طول الفئة الوسيطة

c_1 التكرار المتجمع الصاعد السابق للفئة الوسيطة

c_2 التكرار المتجمع الصاعد اللاحق للفئة الوسيطة

$$\sum f = n$$

مثال

البيانات التالية تمثل الدرجات التي أحرزها 100 طالب في امتحان
للفيزياء أحسب وسيط الدرجات

-85	-80	-75	-70	-65	-60	-55	-50	-45	-40	c
1	4	13	17	21	18	15	7	3	1	f

الحل

التكرار الصاعد f.d	C
0	أقل من 40
1	أقل من 45
5	أقل من 50
18	أقل من 55
35	أقل من 60
56	أقل من 65
74	أقل من 70
89	أقل من 75
96	أقل من 80
99	أقل من 85
100	أقل من 90

$n/2=50$

نكون التكراري الصاعد

ترتيب الوسيط هو

$$n/2 = 100/2 = 50$$

$$L = 60 \quad h = 5$$

الفئة الوسيطة 60-65

تابع للحل

• من الجدول الصاعد نجد ان $c_1 = 35$ $c_2 = 56$ الوسيط هو:

$$M = L + \frac{\left(\frac{n}{2} - c_1\right)}{(c_2 - c_1)} \times h$$

$$M = 60 + \frac{(50 - 35)}{(56 - 35)} \times 5 = 63.57 \quad \text{درجة}$$

مثال

البيانات التالية تمثل التوزيع العمري لمجتمع مكون من 100 فرد أحسب وسيط العمر لهذا المجتمع

الفئات العمرية c	-55	-50	-45	-40	-35	-30	-25	-20
عدد الافراد f	6	8	19	14	17	16	14	6

الحل

نكون التكراري الصاعد

ترتيب الوسيط هو

$$n/2 = 100/2 = 50$$

$$L = 35 \quad h = 5$$

التكرار الصاعد f.d	C
0	أقل من 20
6	أقل من 25
20	أقل من 30
36	أقل من 35
53	أقل من 40
67	أقل من 45
86	أقل من 50
94	أقل من 55
100	أقل من 60

$$n/2=50$$

الفئة الوسيطة 40-35

تابع للحل

• من الجدول الصاعد نجد ان
الوسيط هو: $c_1 = 36$ $c_2 = 53$

$$M = L + \frac{\left(\frac{n}{2} - c_1\right)}{(c_2 - c_1)} \times h$$

$$M = 35 + \frac{(50 - 36)}{(53 - 36)} \times 5 = 39.11 \quad \text{سنة}$$

مثال

أحسب الوسيط لبيانات الجدول التالي والتي تمثل الدخل الشهري ل 20 موظف بالجامعة حيث الدخل بالآلاف الريالات

f	c
5	-2
4	-7
6	-12
3	-17
2	-22 فأكثر

الحل

نكون التكراري الصاعد
ترتيب الوسيط هو

$$n/2 = 20/2 = 10$$

$$L = 12 \quad h = 5$$

الفئة الوسيطة 17-12

$$n/2=10$$

التكرار الصاعد f.d	C
0	أقل من 2
5	أقل من 7
9	أقل من 12
15	أقل من 17
18	أقل من 22
20	أقل من 27

تابع للحل

- من الجدول الصاعد نجد ان
الوسيط هو: $c_1 = 9$ $c_2 = 15$

$$M = L + \frac{\left(\frac{n}{2} - c_1\right)}{(c_2 - c_1)} \times h$$

$$M = 12 + \frac{(10 - 9)}{(15 - 9)} \times 5 = 12.833$$

وسيط الدخل = 12833 ريال

الوسيط من العرض البياني

يمكن ايجاد الوسيط من العرض البياني من خلال نقطة تقاطع المنحنى
الصاعد مع المنحنى الهابط

مثال: مستخدما بيانات الجدول التالي وضح الوسيط بيانيا

f	c
12	-20
16	-25
30	-30
25	-35
12	-40
5	-45

الحل

/نكون الجدول الصاعد والهابط

الحدود العليا	الحدود العليا	الحدود العليا	الحدود العليا
أقل من 20	20 فأكثر	أقل من 20	20 فأكثر
أقل من 25	25 فأكثر	أقل من 25	25 فأكثر
أقل من 30	30 فأكثر	أقل من 30	30 فأكثر
أقل من 35	35 فأكثر	أقل من 35	35 فأكثر
أقل من 40	40 فأكثر	أقل من 40	40 فأكثر
أقل من 45	45 فأكثر	أقل من 45	45 فأكثر
أقل من 50	50 فأكثر	أقل من 50	50 فأكثر

مزايا وعيوب الوسيط

أولا مزايا الوسيط:

- لا يتأثر بالقيم الشاذة
- يمكن حسابه من البيانات النوعية اذا أمكن ترتيبها وكان عددها فردي
- يمكن حسابه من الجداول التكرارية المفتوحة
- يفضل استخدام الوسيط للمقارنة والمعايرة وخصوصا عندما يكون التوزيع ملتويا

ثانيا العيوب:

- لا يأخذ كل القيم في الاعتبار
- لا يمكن حسابه من البيانات النوعية اذا كان عددها زوجي

الاحصاء الحيوي **Biostatistics**



المحاضرة الثامنة

المنوال

المنوال من المفردات: المنوال هو القيمة الأكثر شيوعاً أو الأكثر تكراراً ويستخدم المنوال كثير جداً في مجال التسويق

مثال: حدد المنوال فيما يلي

1- 2 2 1 6 8 2 6

2- 7 3 5 8 9 8 3

3- 12 7 8 3 11 9 1

4- أحمد حمد حسين محمد حسن محمد

الحل

- 1- المنوال هو 2
- 2- يوجد منوالان هما 3 8
- 3- لا يوجد منوال
- 4- المنوال هو محمد

المنوال من الجداول التكرارية

يحسب المنوال والذي يرمز له ب D من البيانات المبوبة بالقاعدة التالية

$$D = L + \frac{\Delta_1}{(\Delta_1 + \Delta_2)} \times h$$

حيث :

L الحد الأدنى للفئة المنوالية

h طول الفئة المنوالية

Δ_1 الفرق بين أكبر تكرار والتكرار السابق له

Δ_2 الفرق بين أكبر تكرار والتكرار اللاحق له

تسمى هذه الطريقة بطريقة بيرسون

مثال

احسب المنوال لبيانات الجدول التالي والتي تمثل الكميات المعروضة والكميات المباعة لمنتجات احدى الشركات في 5 مدن حيث الكميات بآلاف الوحدات

المبيعة	المعروضة
1	-2
4	-7
8	-12
5	-17
4	-22-فأكثر

الحل

- الفئة المنوالية هي الفئة المناظرة لأكبر تكرار (الفئة الثالثة)
 $\Delta_2 = 8 - 5 = 3$ $\Delta_1 = 8 - 4 = 4$
 $h = 5$ $L = 12$

$$D = L + \frac{\Delta_1}{(\Delta_1 + \Delta_2)} \times h$$

$$D = 12 + \frac{4}{(4 + 3)} \times 5 = 14.857$$

مثال

احسب المنوال لبيانات الجدول التالي

f	c
12	-4
4	-10
8	-16
5	-22
5	-28-فأكثر

الحل

- الفئة المنوالية هي الفئة المناظرة لأكبر تكرار (الفئة الأولى)

$$\Delta_2 = 12 - 4 = 8 \quad \Delta_1 = 12 - 0 = 12$$

$$h = 6 \quad L = 4$$

$$D = L + \frac{\Delta_1}{(\Delta_1 + \Delta_2)} \times h$$

$$D = 4 + \frac{12}{(12 + 8)} \times 6 = 7.6$$

مثال

احسب المنوال لبيانات الجدول التالي

f	C
6	-2
8	-8
15	-12
5	-17
4	24 -22

الحل

الجدول غير منتظم نحسب التكرار المعدل

f d f/r	r طول الفئة	f	C
1	6	6	-2
2	4	8	-8
3	5	15	-12
1	5	5	-17
2	2	4	24 -22

الحل

- الفئة المنوالية هي الفئة المناظرة لأكبر تكرار في التكرار المعدل (الفئة الثالثة)

$$\Delta_2 = 3 - 1 = 2 \quad \Delta_1 = 3 - 2 = 1$$

$$h = 17 - 12 = 5 \quad L = 12$$

$$D = L + \frac{\Delta_1}{(\Delta_1 + \Delta_2)} \times h$$

$$D = 12 + \frac{1}{(1 + 2)} \times 5 = 13.667$$

مزاياء و عيوب المنوال

أولاً المزايا

- سهل الحساب
- لا يتأثر بالقيم المتطرفة أو الشاذة
- يمكن حسابه من البيانات النوعية
- يمكن حسابه من الجداول التكرارية المفتوحة

ثانياً العيوب

- لا يأخذ كل المشاهدات في الاعتبار
- قد يكون هنالك منوال أو أكثر من منوال وقد لا يوجد منوال

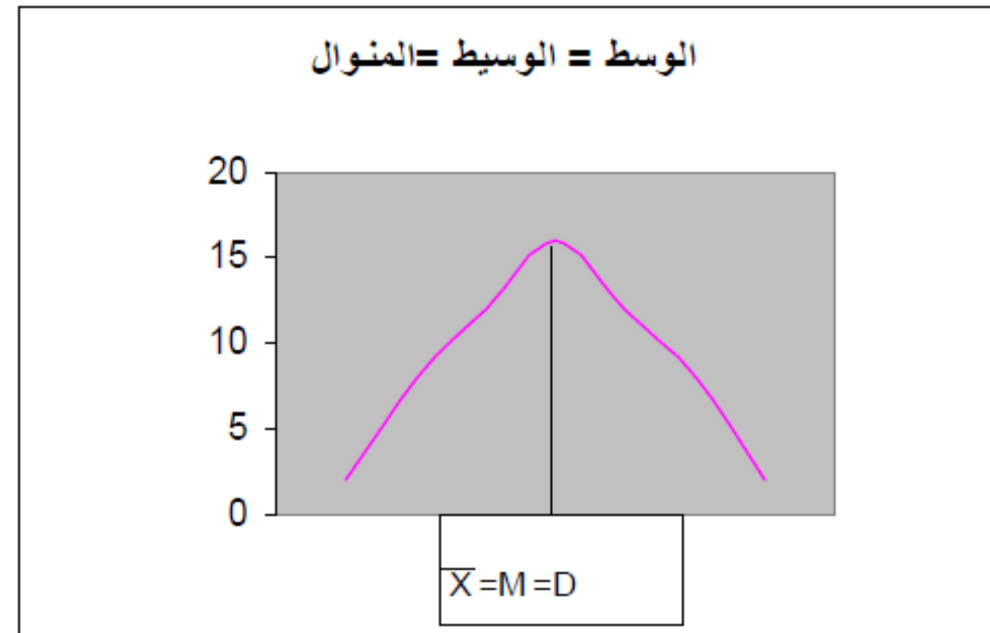
العلاقة بين الوسط والوسيط والمنوال

إذا كان التوزيع متماثلاً فإن $\bar{X} = M = D$
وإذا كان ملتوياً جهة اليمين فإن $\bar{X} > M > D$ أما وإذا كان ملتوياً
جهة اليسار فإن $\bar{X} < M < D$

في حالة التوزيعات التكرارية القريبة من التماثل فإن العلاقة
تعطى ب الوسط الحسابي- المنوال=3(الوسط الحسابي - الوسيط)

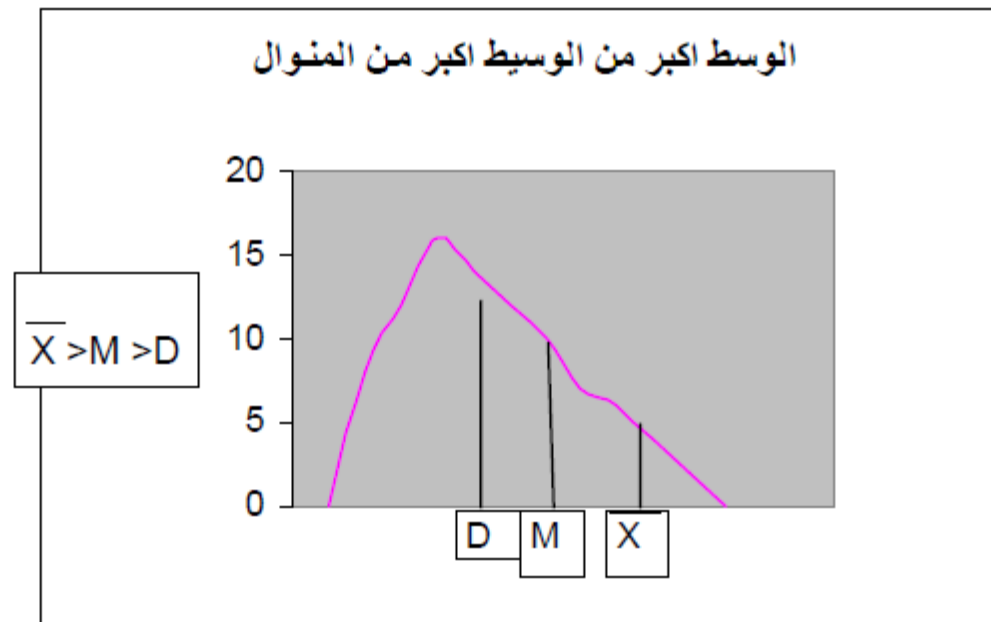
العلاقة بين المتوسطات من خلال الرسم

- في حالة التماثل الوسط = الوسيط = المنوال



العلاقة بين المتوسطات من خلال الرسم

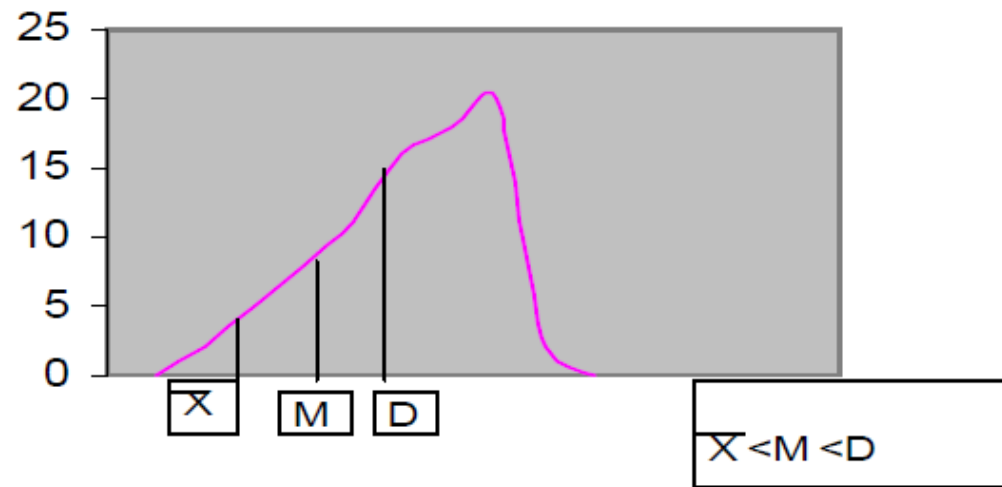
• التواء نحو اليمين



التواء نحو اليسار

في هذه الحالة يكون الوسط اصغر المقاييس الثلاثة

الوسط أصغر من الوسيط أصغر من المنوال



مثال

إذا كان لدينا توزيع قريب من التوزيع المتمثل وكان وسطه الحسابي 27 ومنواله 31 فما قيمة وسيط هذا التوزيع

الحل

بما أن التوزيع قريب من التوزيع المتمثل فإن
الوسط الحسابي – المنوال = 3 (الوسط الحسابي - الوسيط)

$$31 - 27 = 3 \text{ (الوسيط - الوسيط)}$$

$$4 - 81 = 3 \text{ الوسيط} \quad 85 - 3 = \text{الوسيط}$$

$$\text{الوسيط} = 28.333$$

مثال

إذا كان X متغير يتبع لتوزيع قريب جدا من التوزيع المتماثل
أحسب الوسط الحسابي ل x إذا كان وسيطة 12 ومنواله 6

الحل

الوسط الحسابي - المنوال = 3 (الوسط الحسابي - الوسيط)

- المنوال = 2 الوسط الحسابي - 3 الوسيط

- 6 = 2 الوسط الحسابي - 36

الوسط الحسابي ل $x = 15$

الحل

الوسط الحسابي - المنوال = 3 (الوسط الحسابي - الوسيط)
- المنوال = 2 الوسط الحسابي - 3 الوسيط
- 6 = 2 الوسط الحسابي - 36
الوسط الحسابي ل $x = 15$

واجب

احسب الوسط والوسيط والمنوال للتوزيعات التالية ثم علق على شكل المنحنى

f	c
5	- 10
20	-20
15	- 30
10	-40
5	-50

f	c
5	-10
10	-20
25	- 30
10	-40
5	-50

f	c
5	-10
10	-20
15	- 30
20	-40
5	-50

الاحصاء الحيوي **Biostatistics**



المحاضرة التاسعة

مقاييس التشتت

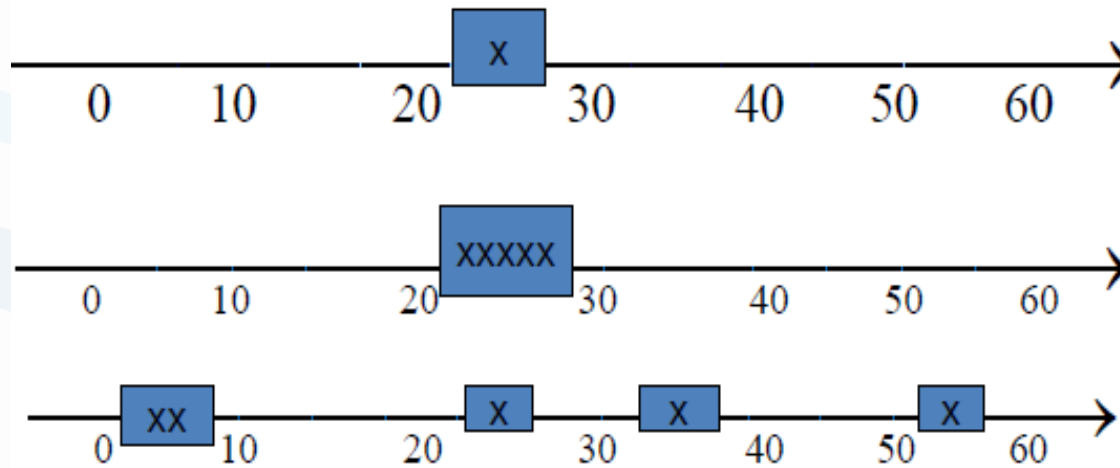
- في كثير من الأحيان نجد مقاييس النزعة المركزية غير كافية لوصف البيانات فمثلاً إذا كان لدينا المجموعات التالية من المفردات

24	24	24	24	24	الاولى
29	26	24	21	20	الثانية
52	33	24	8	3	الثالثة

فإذا حسبنا متوسط المجموعات = 24 وإذا حسبنا وسيط المجموعات أيضاً 24 ولكن واضح أن هنالك فرق من حيث مدى تقارب مفردات هذه المجموعات وتباعدها عن بعضها

توضيح

يمكن توضيح ذلك كما يلي



المدى

يعطي فكرة سريعة عن مدى تغير الظاهرة ويرمز له ب R

- المدى من المفردات:

المدى = أكبر مفردة – أصغر مفردة

مثال اذا كان درجات الطلاب في واجب للإحصاء كما يلي

6 8 11 15 16 12 18 5 14 20

أحسب المدى الحل

$$R = 20 - 5 = 15$$

واجب

احسب المدى فيما يلي

24	24	24	24	24	-1
29	26	24	21	20	-2
52	33	24	8	3	-3

المدى من البيانات المبوبة

يحسب بطريقتين

الاولى عن طريق الفئات:

المدى = الحد الاعلى للفئة الأخيرة - الحد الأدنى للفئة الأولى

الثانية عن طريق مراكز الفئات:

المدى = مركز الفئة الأخيرة - مركز الفئة الأولى

الحل

المدى = الحد الأعلى للفئة الأخيرة – الحد الأدنى للفئة الأولى

$$22 - 12 = 10$$

f	c
3	-12
2	-14
3	-16
4	-18
3	22 - 20

مزايا وعيوب المدى

أولا المزايا

- سهولة حسابه
- مقياس يعطي فكرة سريعة عن تفاوت البيانات

ثانياً العيوب

- لا يأخذ كل القيم في الاعتبار وقد تكون احدهما شاذة
- يصعب حسابه في البيانات الوصفية
- يصعب حسابه من الجداول المفتوحة

الانحراف المتوسط

يحسب الانحراف المتوسط من المفردات بالقاعدة

$$M D = \frac{\sum |x - \bar{x}|}{n}$$

حيث n تمثل عدد المفردات و x تمثل المفردات

مثال

• أحسب الانحراف المتوسط للبيانات التالية

24	24	24	24	24	-1
29	26	24	21	20	-2
52	33	24	8	3	-3

الحل

• نحسب الوسط الحسابي

$$\bar{X} = \frac{\sum x}{n}$$

1-

$$\bar{X} = \frac{120}{5} = 24$$

$$MD = \frac{\sum |x - \bar{x}|}{n} = \frac{0}{5} = 0$$

2-

$$\bar{X} = \frac{120}{5} = 24$$

$$MD = \frac{|20 - 24| + |21 - 24| + |24 - 24| + |26 - 24| + |29 - 24|}{5} =$$

$$MD = \frac{4 + 3 + 0 + 2 + 5}{5} = \frac{14}{5} = 2.8$$

3-

$$\bar{X} = \frac{120}{5} = 24$$

$$MD = \frac{|3 - 24| + |8 - 24| + |24 - 24| + |33 - 24| + |52 - 24|}{5} =$$

$$MD = \frac{21 + 16 + 0 + 9 + 28}{5} = \frac{74}{5} = 14.8$$

التباين والانحراف المعياري

هو متوسط مربعات الانحرافات عن الوسط ويختلف التباين للمجتمع والذي يرمز له بـ σ^2 وتقرأ سيجمما تربيع عن تباين العينة S^2 التباين من المفردات في حالة المجتمع

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^N (X_i - \mu)^2}{N}$$

في حالة العينات

$$S^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2}{n - 1}$$

اما الانحراف المعياري فهو الجذر التربيعي للتباين

مثال

اختيرت عينة من 10 مكالمات دولية فكان طول المكالمات بالدقائق كما يلي

13 3 9 4 8 20 15 12 6 10

أحسب التباين والانحراف المعياري لطول المكالمات

الحل

$$\bar{X} = \frac{\sum x}{n} = \frac{13+3+9+4+8+20+15+12+6+10}{10} = \frac{100}{10} = 10$$



تابع للحل

نحسب تباين العينة

$$s^2 = \frac{\sum (X_i - \bar{X})^2}{n - 1}$$

$$s^2 = \frac{(10-10)^2 + (6-10)^2 + (12-10)^2 + (15-10)^2 + (20-10)^2 + (8-10)^2 + (4-10)^2 + (9-10)^2 + (3-10)^2 + (13-10)^2}{9}$$

$$s^2 = \frac{244}{9} = 27.111$$

$$s = \sqrt{27.111} = 5.207 \text{ دقائق} = \text{الانحراف المعياري}$$

مثال

مجتمع مكون من 10 مفردات أحسب التباين والانحراف المعياري للمجتمع

10 8 12 13 8 15 7 12 16 9

الحل

$$\mu = \frac{\sum x}{N} = \frac{9+16+12+7+8+15+13+12+8+10}{10} = \frac{110}{10} = 11$$

شكرا على حسن الاستماع